

## إمتحان تجريبي في مادة العلوم الفيزيائية

الشعب : العلوم التجريبية و الرياضية

الأستاذ : فرقاني فارس

المدة : 3 ساعات

الأقسام : 3 ع ت ، ر ، ت ر

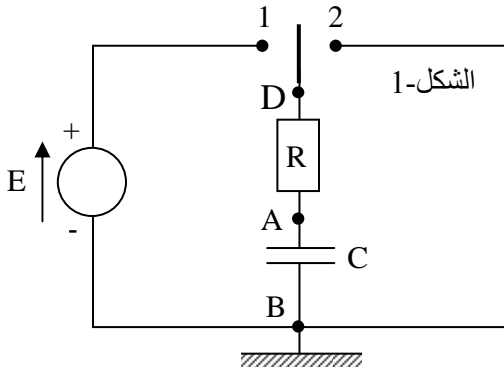
**Sujet : 3AS 03 - 05**

**المحتوى المعرفي : دراسة ظواهر كهربائية .**

**السنة الدراسية : 2011/2010**

**تاريخ آخر تحديث : 2011/03/10**

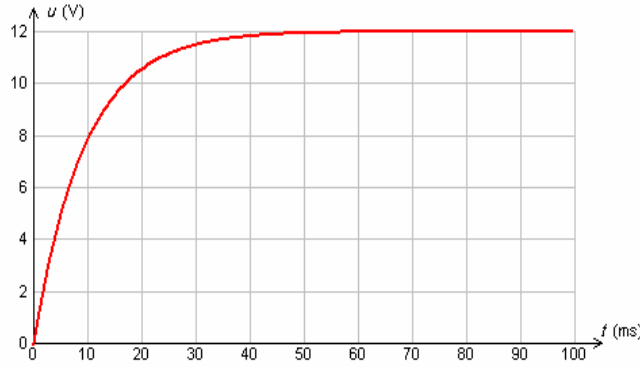
### التمرين الأول :



تتكون الدارة الكهربائية المبينة في (الشكل-1) من العناصر الكهربائية التالية موصولة على التسلسل :

- مولد قوته المحركة الكهربائية  $E = 12 \text{ V}$
- مكثفة سعتها  $C$
- ناقل أومي مقاومته  $R = 200 \Omega$
- مبدلة  $K$

في اللحظة  $t = 0 \text{ s}$  ، نضع المبدلة  $K$  على الوضع (1) بحيث نغلق دارة المولد بعد أن نربط قطبي المكثفة براسم الاهتزاز المهبطي ، فنحصل على منحنى تطور التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة  $u_C = f(t)$  والموضح في (الشكل-2) .



الشكل 02

1- بتطبيق قانون جمع التوترات ، أثبت أن المعادلة التفاضلية التي تربط بين  $u_C$  و  $t$  تكتب بالشكل :

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{1}{R.C}.u_C(t) = \frac{E}{R.C}$$

2- أثبت بالتحليل البعدي أن الثابت  $\tau$  يقدر بالثانية في الجملة الدولية للوحدات .

3- تحقق أن حل المعادلة التفاضلية السابقة هو :  $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$  ، ثم بيّن أن :  $u_C = 0$  في اللحظة  $t = 0$  .

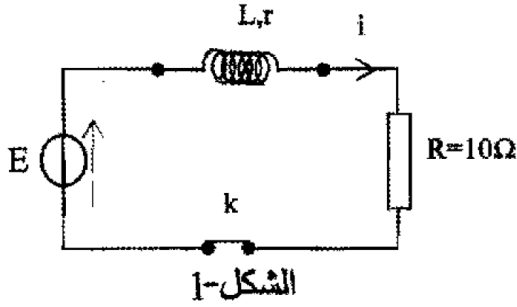
4- ما هي شدة التيار الكهربائي المار في الدارة بعد  $\Delta t = 60 \text{ ms}$  من غلقها ؟

5- أحسب قيمة التوتر  $u_C$  في اللحظتين :  $t = \tau$  ،  $t = 5\tau$

6- عيّن من البيان قيمة الثابت  $\tau$  .

7- أوجد قيمة سعة المكثفة  $C$  .

### التمرين الثاني : ( بكالوريا 2010 - علوم تجريبية ) (\*\*) )



نريد تعيين  $(L, r)$  مميزتي وشيعة نربطها في دائرة كهربائية على التسلسل مع :

- مولد كهربائي ذي توتر ثابت  $E = 6V$  .

- ناقل أومي مقاومته  $R = 10 \Omega$  .

- قاطعة  $k$  (الشكل-1) .

1- نغلق القاطعة  $k$  ، اكتب عبارة كل من :

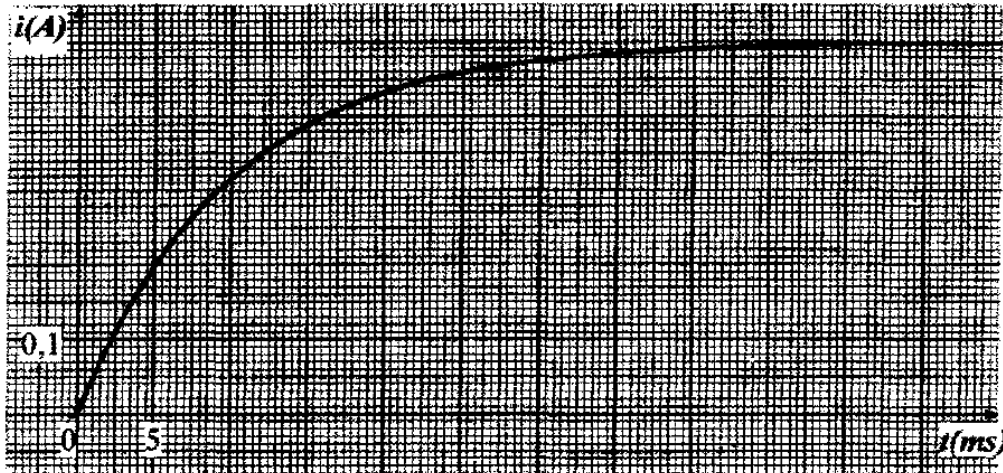
$u_R$  : التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومي  $R$  .

$u_b$  : التوتر بين طرفي الوشيعة .

2- بتطبيق قانون جمع التوترات ، أوجد المعادلة التفاضلية للتيار الكهربائي  $i(t)$  المار في الدارة .

3- بين أن المعادلة التفاضلية السابقة تقبل حلا من الشكل :  $i(t) = \frac{E}{R+r} (1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t})$  .

4- مكنت الدراسة التجريبية بمتابعة تطور شدة التيار الكهربائي المار في الدارة و رسم البيان الممثل له في (الشكل-2) .



الشكل-2

بالاستعانة بالبيان أحسب :

أ- المقاومة  $r$  للوشيعة .

ب- قيمة  $\tau$  ثابت الزمن ، ثم استنتج قيمة  $L$  ذاتية الوشيعة .

5- أحسب قيمة الطاقة الكهربائية المخزنة في الوشيعة في حالة النظام الدائم .

### التمرين الثالث : ( بكالوريا 2010 - علوم تجريبية ) (\*\*) )

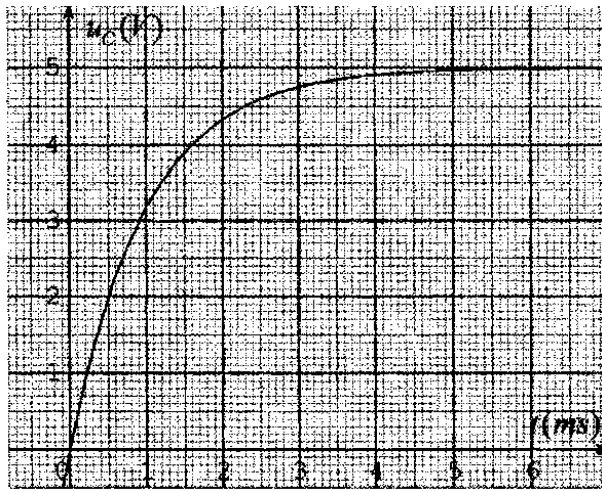
نحقق دائرة كهربائية تتكون من :

• مولد ذو توتر كهربائي ثابت  $E = 5V$  .

• ناقل أومي مقاومته  $R = 100 \Omega$  .

• مكثفة سعتها  $C$  .

• قاطعة  $k$  .



الشكل-2

نوصل طرفي المكثفة A ، B إلى واجهة دخول لجهاز إعلام آلي و عولجت المعطيات ببرمجية "MicrosfteExcel" و تحصلنا على المنحنى البياني  $u_C = u_{AB} = f(t)$  (الشكل-2) .  
1/ اقترح مخططا للدارة موضحا اتجاه التيار ثم مثل بسهم كلا من التوترين  $u_C$  و  $u_R$  .

2/ عين قيمة ثابت الزمن  $\tau$  و ما مدلوله الفيزيائي ؟ استنتج قيمة سعة المكثفة C .

3/ أحسب شحنة المكثفة عند بلوغ الدارة للنظام الدائم .

4/ لو استبدلنا المكثفة السابقة بمكثفة سعتها  $C' = 2C$  ، أرسم كيفيا ، في نفس المعلم السابق شكل المنحنى  $u_C' = g(t)$  الذي يمكن مشاهدته على شاشة الجهاز . مع التعليل .

### التمرين الرابع : ( بكالوريا 2010 - رياضيات ) ( \*\* )

بغرض شحن مكثفة فارغة ، سعتها C ، نصلها على التسلسل مع العناصر الكهربائية التالية :

- مولد ذو توتر كهربائي ثابت  $E = 5V$  و مقاومته الداخلية مهملة .

- ناقل أومي مقاومته  $R = 120 \Omega$  .

- بادلة k (الشكل-2) .

1- لمتابعة تطور التوتر الكهربائي  $u_C$  بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن ، نوصل مقياس فولطمتر رقمي بين طرفي المكثفة و في اللحظة  $t = 0$  ، نضع البادلة في الوضع (1) .

و بالتصوير المتعاقب تم تصوير شاشة جهاز الفولط متر الرقمي لمدة معينة و بمشاهدة شريط الفيديو ببطء سجلنا النتائج التالية :

t (ms)	0	4	8	16	20	24	32	40	48	60	68	80
$u_C$ (V)	0	1.0	2.0	3.3	3.8	4.1	4.5	4.8	4.9	5.0	5.0	5.0

أ/ أرسم البيان  $u_C = f(t)$  .

ب/ عين بيانيا قيمة ثابت الزمن  $\tau$  لثنائي القطب RC و استنتج قيمة السعة C للمكثفة .

2- كيف تتغير قيمة ثابت الزمن  $\tau$  في الحالتين ؟

- الحالة (أ) : من أجل مكثفة سعتها  $C'$  حيث  $C' > C$  و  $R = 120 \Omega$  .

- الحالة (ب) : من أجل مكثفة سعتها  $C''$  حيث  $C'' = C$  و  $R' < 120 \Omega$  .

أرسم كيفيا ، في نفس المعلم المنحنيين (1) ، (2) المعبرين عن  $u_C$  في الحالتين (أ) و (ب) السابقتين .

3-أ/ بين أن المعادلة التفاضلية المعبرة عن  $q(t)$  تعطى بالعلاقة :  $\frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{RC}q(t) = \frac{E}{R}$  .

ب/ يعطى حل المعادلة التفاضلية بالعلاقة  $q(t) = Ae^{\alpha t} + \beta$  حيث  $A$  و  $\alpha$  و  $\beta$  ثوابت يطلب تعيينها ، علما أنه في اللحظة  $t = 0$  تكون  $q(t) = 0$  .

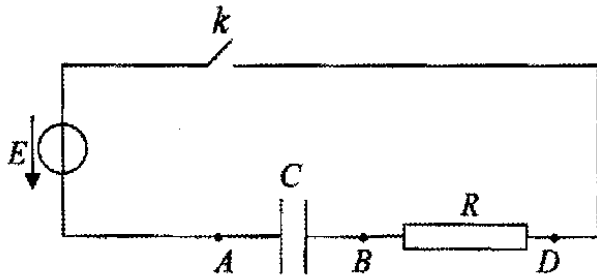
4- المكثفة مشحونة نضع البادلة في الوضع (2) في لحظة نعتبرها كبداء للأزمنة .

أ/ أحسب في اللحظة  $t = 0$  الطاقة الكهربائية المخزنة  $E_0$  في المكثفة .

ب/ ما هو الزمن الذي من أجله تصبح الطاقة المخزنة في المكثفة  $E = \frac{E_0}{2}$  ؟

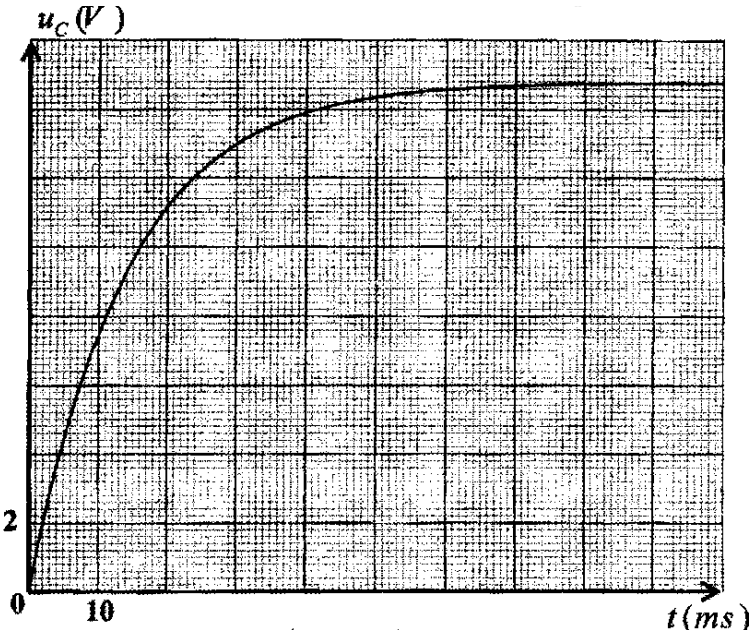
**التمرين الخامس : ( بكالوريا 2010 - رياضيات ) ( \*\* )**

نربط على التسلسل العناصر الكهربائية التالية :



- ناقل أومي مقاومته  $R = 500 \Omega$  .
- مكثفة سعتها  $C$  غير مشحونة .
- مولد ذي توتر كهربائي ثابت  $E$  .
- قاطعة  $k$  (الشكل-2) .

مكننا متابعة تطور التوتر الكهربائي  $u_C(t)$  بين لبوس المكثفة برسم البيان (الشكل-3) .



1- عمليا يكتمل شحن المكثفة عندما يبلغ التوتر بين طرفيها 99% من قيمة التوتر الكهربائي بين طرفي المولد .

اعتمادا على البيان :

أ/ عين قيمة ثابت الزمن  $\tau$  و قيمة التوتر الكهربائي بين طرفي المولد ثم أحسب سعة المكثفة  $C$  .

ب/ حدد المدة الزمنية  $t'$  لاكتمال عملية شحن المكثفة .

ج/ ما هي العلاقة بين  $t'$  و  $\tau$  ؟

2/ بتطبيق قانون جمع التوترات أوجد المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة :  $u_{AB} = u_C$  ، ثم بين أنها تقبل حلا من الشكل :

$$u_C = E(1 - e^{-t/\tau})$$

3/ أوجد قيمة الطاقة الكهربائية المخزنة  $E_C$  في المكثفة عند اللحظات :  $t_2 = 5\tau$  ،  $t_1 = \tau$  ،  $t_0 = 0$  .

4/ توقع (رسم كفي) شكل المنحنى  $E_C = f(t)$  .

**\*\* الأستاذ : فرقاني فارس \*\***

ثانوية مولود قاسم نايت بلقاسم

الخروب - قسنطينة

Fares\_Fergani@yahoo.Fr

Tel : 0771998109

نرجو إبلاغنا عن طريق البريد الإلكتروني بأي خلل في الدروس أو التمارين و حلولها .  
وشكرا مسبقا

لتحميل نسخة من هذا الموضوع و للمزيد . أدخل موقع الأستاذ :

**[sites.google.com/site/faresfergani](http://sites.google.com/site/faresfergani)**

## أجوبة مفصلة

### Sujet : 3AS 03 - 06

### المحتوى المعرفي : دراسة ظواهر كهربائية .

#### التمرين الأول :

1- المعادلة التفاضلية :

بتطبيق قانون التوترات :

$$U_{DB} = U_{DA} + U_{AB}$$

$$E = R.i + U_C(t)$$

و حيث :  $i = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt}$  يكون :

$$E = RC \frac{du_C}{dt} + u_C$$

$$\frac{E}{R.C} = \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{R.C} \cdot u_C$$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{R.C} \cdot u_C = \frac{E}{R.C}$$

2- إثبات أن  $\tau$  يقدر بالثانية :

$$[\tau] = [R][C]$$

$$[\tau] = \frac{[U]}{[I]} \frac{[Q]}{[U]} = \frac{[Q]}{[I]} = \frac{[I][\Delta t]}{[I]} \rightarrow [\tau] = [\Delta t]$$

ومنه  $\tau$  يقدر بالثانية

3- التحقق من حل المعادلة :

$$u_C = E(1 - e^{-t/\tau})$$

$$\frac{du_C}{dt} = \frac{E}{\tau} e^{-t/\tau}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد :

$$\frac{E}{\tau} e^{-t/\tau} + \frac{1}{RC} E (1 - e^{-t/\tau}) = \frac{E}{RC}$$

$$\frac{E}{\tau} e^{-t/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC} e^{-t/\tau} = \frac{E}{RC} \rightarrow \frac{E}{\tau} = \frac{E}{RC}$$

إذن الحل المعطى هو حل للمعادلة التفاضلية .

4- شدة التيار بعد 60ms :

بعد 60 ms تكون الدارة في حالة النظام الدائم و في هذه الحالة يكون :

$$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt} = 0$$

لأن التوتر  $u_C$  ثابت في النظام الدائم .

5- قيمة التوتر  $u_C$  في اللحظتين  $t = \tau$  ،  $t = 5\tau$  :

$$t = \tau \rightarrow u = 12(1 - e^{-1}) = 7.6V$$

$$t = 5\tau \rightarrow u = 12(1 - e^{-5}) = 11.9V$$

6- ثابت الزمن :

باسقاط القيمة  $u_C = 7.6 V$  في البيان  $u_C = f(t)$  نجد :  $\tau = 9 \cdot 10^{-3} s = 9 ms$  .

7- سعة المكثفة  $C$  :

$$\tau = RC \rightarrow C = \frac{\tau}{R}$$

$$C = \frac{9 \times 10^{-3}}{200} = 45 \times 10^{-6} F = 45 \mu F$$

## التمرين الثاني :

1- عبارة  $u_b$  ،  $u_R$  :

$$u_R = Ri$$

$$u_b = L \frac{di}{dt} + ri$$

2- المعادلة التفاضلية :

حسب قانون جمع التوترات :

$$u_E = u_b + u_R$$

$$E = L \frac{di}{dt} + ri + Ri$$

$$L \frac{di}{dt} + (R + r)i = E$$

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R + r)}{L}i = \frac{E}{L}$$

و هي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى .

3- إثبات ان المعادلة التفاضلية تقبل الحل  $i(t) = \frac{E}{R + r} (1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t})$

$$i(t) = \frac{E}{R + r} (1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t})$$

$$\frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{R + r} \cdot \frac{R + r}{L} e^{-\frac{(R+r)}{L}t} = \frac{E}{L} e^{-\frac{(R+r)}{L}t}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية :

$$\begin{aligned} \frac{E}{L} e^{-\frac{(R+r)}{L}t} + \frac{R+r}{L} \frac{E}{R+r} (1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t}) &= \frac{E}{L} \\ \frac{E}{L} e^{-\frac{(R+r)}{L}t} + \frac{E}{L} (1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t}) &= \frac{E}{L} \\ \frac{E}{L} e^{-\frac{(R+r)}{L}t} + \frac{E}{L} - \frac{E}{L} e^{-\frac{(R+r)}{L}t} &= \frac{E}{L} \rightarrow \frac{E}{L} = \frac{E}{L} \end{aligned}$$

إذن الحل المعطى هو حل للمعادلة التفاضلية .

4- المقاومة  $r$  للوشية :

من البيان :

$$i_{\max} = I_0 = 0.5A$$

و لدينا :

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \rightarrow R+r = \frac{E}{I_0} \rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R$$

$$r = \frac{6}{0.5} - 10 = 2 \Omega$$

ب- قيمة  $\tau$  و قيمة  $L$  :

- استعمال ميل المماس عند اللحظة  $t = 0$  و طريقة النسبة المئوية (63%) من  $I_0$  نجد :  $\tau \approx 10 \text{ ms}$  .
- لدينا :

$$\tau = \frac{L}{R+r} \rightarrow L = \tau (R+r)$$

$$L = 10 \cdot 10^{-3} (10 + 2) = 0.12 \text{ H}$$

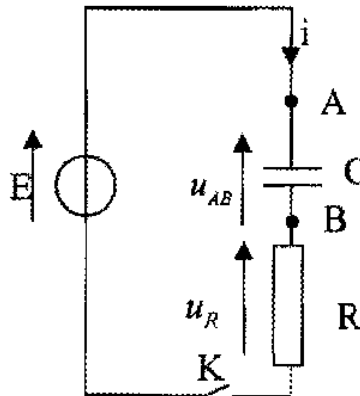
5- الطاقة المخزنة في الوشية في النظام الدائم :

$$E_{(L)} = \frac{1}{2} L i^2$$

و في النظام الدائم يكون :

$$E_{(L)} = \frac{1}{2} L I_0^2$$

$$E_{(L)} = \frac{1}{2} \cdot 0.12 (0.5)^2 = 1.5 \cdot 10^{-2} \text{ J}$$



**التمرين الثالث :**

1- مخطط الدارة :

2- تعيين قيمة  $\tau$  :

$$t = \tau \rightarrow u_C = 0.63 \cdot u_{C0} = 0.63 \cdot 5 = 3.15 \text{ V}$$

بالإسقاط في البيان نجد :  $\tau = 10^{-3} \text{ s} = 1 \text{ ms}$  .  
يمكن الحصول على نفس النتيجة بمماس البيان  $u_C = f(t)$  عند اللحظة  $t = 0$  .  
المعدل الفيزيائي :

هو الزمن اللازم لشحن المكثفة بنسبة 63% من شحنتها العظمى .  
قيمة سعة المكثفة :

$$\tau = RC \rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{10^{-3}}{100} = 10^{-5} \text{ F} = 10 \mu\text{F}$$

3- شحنة المكثفة عند بلوغ النظام الدائم :

عند بلوغ النظام الدائم أي نهاية الشحن تبلغ شحنة المكثفة قيمتها العظمى  $Q_0$  حيث يكون :

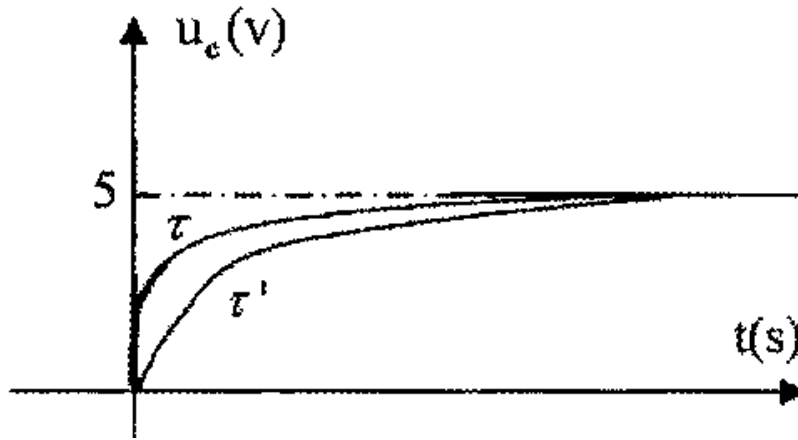
$$Q_0 = EC$$

$$Q_0 = 5 \cdot 10^{-5} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ C}$$

4- البيان  $u'_C = f(t)$  عن استبدال المكثفة السابقة بمكثفة سعتها  $C' = 2C$  :  
ثابت الزمن يتناسب طرديا مع سعة المكثفة أي  $\tau = a C$  و عليه :

$$C' = 2C \rightarrow \tau' = 2\tau$$

هذا يعني أن قيمة  $\tau$  تزداد و بالتالي يزداد زمن إتمام الشحن (أو تتأخر عملية إتمام الشحن) لذا يكون البيان الموافق لـ  $\tau'$  كما يلي :

التمرين الرابع :

1- / البيان  $u_C = f(t)$  :

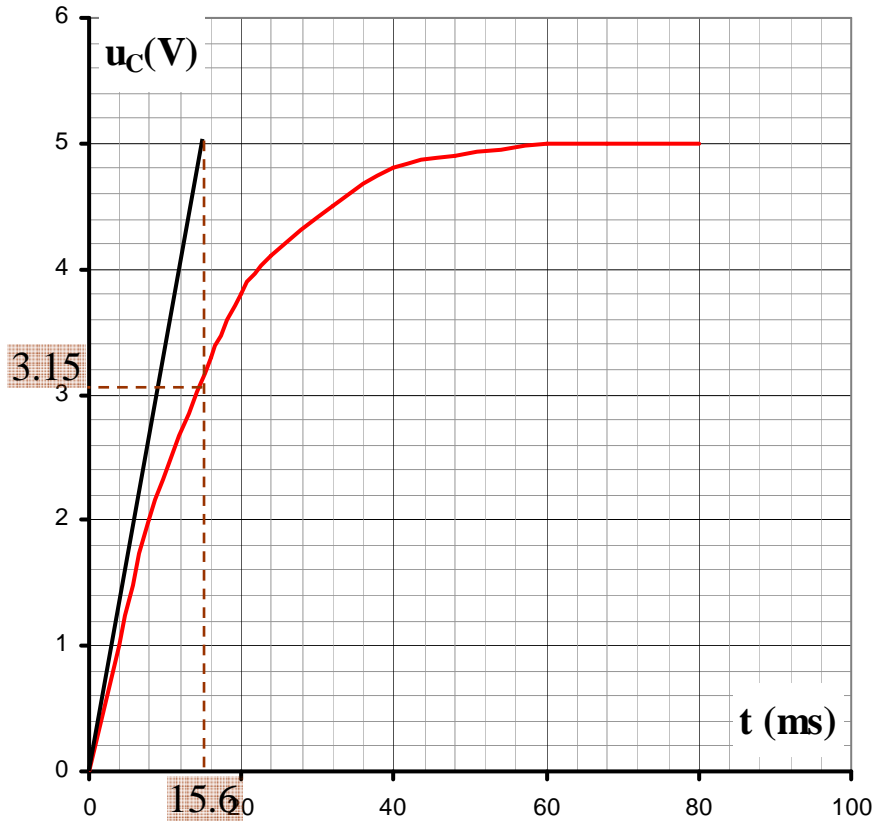
ب- قيمة  $\tau$  ،  $C$  :

$$t = \tau \rightarrow u_C = 0.63 u_{C0} = 0.63 \cdot 5 = 3.15 \text{ V}$$

بالإسقاط في البيان نجد :  $\tau \approx 15.6 \text{ ms}$  .  
يمكن الحصول على نفس النتيجة باستعمال المماس عند اللحظة  $t = 0$  (الشكل) .

$$\tau = RC \rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{15.6 \cdot 10^{-3}}{100} = 15.6 \cdot 10^{-5} \text{ F} = 156 \mu\text{F}$$





2- تغيير حالة ثابت الزمن :

الحالة (أ) :

يتناسب ثابت الزمن طرديا مع كل من  $R$  و  $C$  ، و حيث أن  $R' = R = 120 \Omega$  (لم تتغير  $R$ ) فإن ثابت الزمن يزداد بازدياد السعة و يتناقص بتناقصها لذا يكون :

$$C' > C \rightarrow \tau' > \tau$$

الحالة (ب) :

يتناسب ثابت الزمن طرديا مع كل من  $R$  و  $C$  ، و حيث أن  $C'' = C$  (لم تتغير  $C$ ) فإن ثابت الزمن يزداد بازدياد المقاومة و يتناقص بتناقصها لذا يكون :

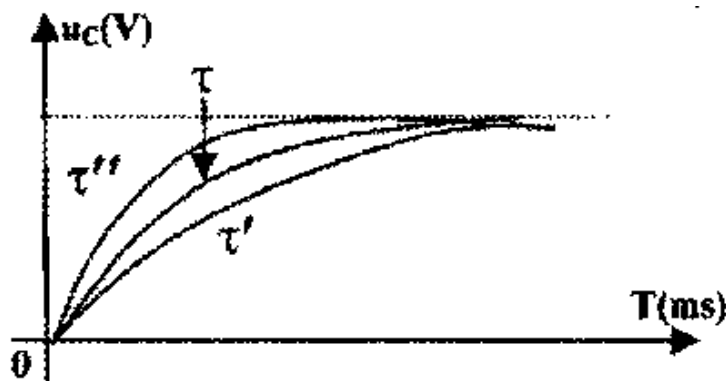
$$R' < R \rightarrow \tau'' < \tau$$

البيانين الموافقين لـ  $\tau'$  ،  $\tau''$  :

كلما ازداد  $\tau$  يزداد زمن اتمام الشحن (تأخر عملية الشحن) و كون أن :

$$\tau' > \tau , \tau'' < \tau \rightarrow \tau' > \tau > \tau''$$

و عليه يكون البيانين الموافقين لـ  $\tau'$  و  $\tau''$  كما يلي :



3- أ/ المعادلة التفاضلية:  
حسب قانون جمع التوترات :

$$\begin{aligned} u_E &= u_R + u_C \\ E &= R i + u_C \\ E &= R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} \\ \frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC} q &= \frac{E}{R} \end{aligned}$$

و هي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى .  
ب- تعيين  $\beta, \alpha, A$  :

$$\begin{aligned} q &= A e^{\alpha t} + B \\ \frac{dq}{dt} &= A \alpha e^{\alpha t} \end{aligned}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية :

$$\begin{aligned} A \alpha e^{\alpha t} + \frac{1}{RC} (A e^{\alpha t} + B) &= \frac{E}{R} \\ A \alpha e^{\alpha t} + \frac{A}{RC} e^{\alpha t} + \frac{B}{RC} &= \frac{E}{R} \end{aligned}$$

الحل المعطى هل حل للمعادلة التفاضلية و لنتحقق المساواة يجب أن يكون :

$$A \alpha = - \frac{A}{RC} \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\frac{\beta}{RC} = \frac{E}{R} \quad \dots\dots\dots (2)$$

من (1) يكون :

$$A \alpha = - \frac{A}{RC} \rightarrow \alpha = - \frac{1}{RC}$$

من (2) يكون :

$$\frac{\beta}{C} = E \rightarrow \beta = EC$$

لدينا من معطيات التمرين :  $q = 0 \rightarrow t = 0$  بالتعويض في عبارة الحل نجد  $q = A e^{\alpha t} + B$  :

$$0 = A e^{\alpha \cdot 0} + B \rightarrow A + B = 0 \rightarrow A = - \beta \rightarrow A = - EC = Q_0$$

4- أ- الطاقة الكهربائية عند  $t = 0$  :

$$E_{(C)} = \frac{1}{2} C u_C^2$$

عند بداية التفريغ تكون  $u_C = u_{Cmax} = E = 5V$  و عليه :

$$t = 0 \rightarrow E_{(C)} = \frac{1}{2} C E^2 = \frac{1}{2} \cdot 10^{-5} (5)^2 = 1.25 \cdot 10^{-4} J$$

**التمرين الخامس :**1- أ- ثابت الزمن  $\tau$ 

$$t = \tau \rightarrow u_C = 0.63 E$$

و على الوثيقة توافق قيمة  $\tau$  على محور التوتر بالسنتيمتر القيمة التالية :

$$u_C = 0.63 \cdot (7.4 \text{ cm}) = 4.7 \text{ cm}$$

بالإسقاط على محور الأزمن نجد :  $\tau \approx 14 \text{ ms}$  .التوتر الكهربائي بين طرفي المولد :- المولد عبارة عن مولد التوتر أي أن التوتر بين طرفيه ثابت ، و هذه القيمة الثابتة مساوية للقوة المحركة الكهربائية  $E$  .- عند نهاية الشحن (النظام الدائم) يساوي التوتر بين طرفي المكثفة القيمة  $E$  (القوة المحركة الكهربائية للمولد) و من البيان يكون :

$$E = 7.4 \cdot 2 = 14.8 \text{ V}$$

سعة المكثفة :

$$\tau = RC \rightarrow C = \frac{\tau}{R}$$

$$C = \frac{14 \cdot 10^{-3}}{500} = 2.8 \cdot 10^{-5} \text{ F} = 28 \mu\text{F}$$

ب- المدة الزمنية  $t'$  لاكتمال عملية الشحن :

من البيان تكتمل عملية الشحن تقريبا عند اللحظة :

$$t' = 7 \cdot 10 = 70 \text{ ms}$$

ج- العلاقة بين  $t'$  و  $\tau$  :

$$t' = 70 \text{ ms} , \tau = 14 \text{ ms} \rightarrow t' = 5\tau$$

2- المعادلة التفاضلية :

حسب قانون جمع التوترات :

$$u_{AD} = u_{AB} + u_{BC}$$

$$E = u_C + Ri$$

$$E = u_C + R \frac{dq}{dt} \rightarrow E = u_C + R \frac{d(Cu_C)}{dt} \rightarrow E = u_C + RC \frac{du_C}{dt}$$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC}$$

و هي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى .

إثبات حل للمعادلة التفاضلية :

$$u_C = E(1 - e^{-t/\tau})$$

$$\frac{du_C}{dt} = \frac{E}{\tau} e^{-t/\tau}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد :

$$\frac{E}{\tau} e^{-t/\tau} + \frac{1}{RC} \cdot E(1 - e^{-t/\tau}) = \frac{E}{RC}$$

$$\frac{E}{RC} e^{-t/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC} e^{-t/\tau} = \frac{E}{RC} \rightarrow \frac{E}{RC} = \frac{E}{RC}$$

إذن الحل المعطى هو حل للمعادلة التفاضلية .

3- قيمة الطاقة الكهربائية عند اللحظات :  $t = 5\tau$  ،  $t = \tau$  ،  $t_0 = 0$

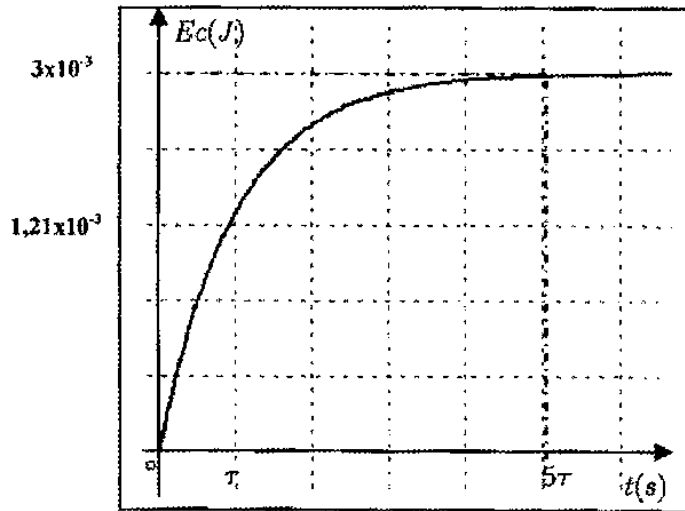
$$E_{(C)} = \frac{1}{2} C u_C^2 = \frac{1}{2} C E^2 (1 - e^{-t/\tau})^2$$

$$t = 0 \rightarrow E_{(C)} = 0$$

$$t = \tau \rightarrow E_{(C)} = \frac{1}{2} C E^2 (0.63)^2 = 0.5 \cdot 2.8 \cdot 10^{-5} \cdot (14.8)^2 \cdot (0.63)^2 = 1.21 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

$$t = 5\tau \rightarrow E_{(C)} = \frac{1}{2} C E^2 = 0.5 \cdot 2.8 \cdot 10^{-5} \cdot (14.8)^2 = 3.1 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

4- البيان  $E_{(C)} = f(t)$  بشكل كفي :



**\*\* الأستاذ : فرقاني فارس \*\***

ثانوية مولود قاسم نايت بلقاسم

الخروب - قسنطينة

Fares\_Fergani@yahoo.Fr

Tel : 0771998109

نرجو إبلاغنا عن طريق البريد الإلكتروني بأي خلل في الدروس أو التمارين و حلولها .  
وشكرا مسبقا

لتحميل نسخة من هذا الموضوع و للمزيد . أدخل موقع الأستاذ :

[sites.google.com/site/faresfergani](http://sites.google.com/site/faresfergani)