

<p><b>المحتوى:</b> I ج مع محيطان التعليم: الأعداد والحساب <b>الوحدة:</b> مجموعات الأعداد <b>موضوع المدة:</b> المجموعة R ومجموعاتها الجزئية.</p>	<p><b>المؤسس:</b> سيدى لعجالة <b>السنة الدراسية:</b> 20 / 20 <b>التاريخ:</b> ..... <b>توقيت المدة:</b> ساعتان.</p>
<p><b>المكتسبات الفعلية:</b> نظرية فناغورس نظرية طالس. <b>المكتسبات القاعدية:</b> التمييز بين مختلف أنواع الأعداد، التحكم في الحساب على الكسور. <b>مؤشرات المفاهيم:</b> تحديد المجموعة التي ينتمي إليها عدد معين، إيجاز عمليات حسابية.</p>	<p><b>الأنشطة المترتبة وطبيعتها:</b></p>
<p><b>توجيهات و تعلق و أنشطة</b></p> <p>نقبل أن مجموعة الأعداد الحقيقية هي مجموعة فوائل نقط مستقيم مزود بعمد. نجد في إمكانية التطرق إلى الأعداد القابلة لالإنشاء فرصة لتوظيف بعض المكتسبات في الهندسة كنظريتي فناغورث و طالس. تعطى خاصة مميزة للعدد العشري. نبرهن مثلاً أن <math>\frac{1}{7}</math> ليس عدداً عائرياً.</p>	<p><b>الإنجاز (سير الحصة)</b></p> <p><b>I/ تمهد:</b> فناغورث، طالس.</p> <p><b>II/ العرض:</b> <b>مجموعات الأعداد الحقيقة:</b></p> <p>تعريف : مجموعات الأعداد الحقيقة R هي مجموعات فوائل نقط مستقيم مزود بالمعلم (I,O)، حيث العدد 0 هو فاصلة المبدأ O ، والعدد 1 هو فاصلة النقطة I المعرفة بـ <math>i=1</math>. (إنشاء شكل مناسب)</p> <p>ملاحظة: الأعداد الحقيقة الموجبة هي فوائل نقط نصف المستقيم (O,I)، والسلبية غير المعدومة هي ... و نرمز للأعداد الحقيقة الموجبة بـ <math>R^+</math> ، والسلبية بـ <math>R^-</math> و لـ <math>0 \in R</math>.</p> <p><b>المجموعات الجزئية :</b></p> <p>الأعداد الطبيعية: <math>0, 1, 2, \dots</math> و نرمز لها بـ N.</p> <p><b>أمثلة:</b> الأعداد الصحيحة النسبية: <math>\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots</math> و نرمز لها بـ Z.</p> <p>ملاحظة: <math>Z \subset N</math>.</p> <p>الأعداد الناطقة:</p> <p>العدد الناطق هو العدد الذي يمكن كتابته على الشكل <math>\frac{a}{b}</math> ، حيث ... فرمز له بـ Q</p> <p><b>الأعداد العشرية:</b></p> <p>كل عدد يمكن كتابته على الشكل <math>\frac{a}{10^n}</math> حيث a عدد صحيح نسبي، و n عدد طبيعي، نسميه عشرية، و نرمز لها بـ D.</p> <p><b>أمثلة:</b> <math>\frac{2}{3} \in Q, \frac{1}{300} \in D, \sqrt{2}, \pi \in D</math> ، عددان أصمان.</p> <p>خاصية: المجموعات السابقة تحقق: <math>N \subset Z \subset D \subset Q \subset R</math></p> <p>نتائج: أ/ لكل عدد ناطق كتابة وحيدة على شكل كسر غير قابل للاختزال.</p> <p>ب/ يتميز كل عدد ناطق بكتابه عشرية تتضمن دوراً. ج/ الأعداد العشرية دورها معروفة.</p> <p>د/ العدد العشري عند كتابته على شكل كسر غير قابل للاختزال، و تحليل مقامه ، فإن مقامه لا يشمل عوامل أولية غير 2, 5.</p>

الرقم: 14/02	المؤسسة: سيدى لعجالة
السنة الدراسية: 20 / 20	التاریخ:
توقيعه العنة: ساعة واحدة	مدة الامتحان:

**المكتبات القبلية:** الفي، الكتابة العشريـة

**القواعد القاعدية:** الحكم في الحساب على الفرق والكسور - توظيف العدد العددي.

مُؤشرات المُهافِعَة

الأنشطة المقترنة وطبيعتها	الإنجاز (سير الحصة)	توجيهات و تعاليٰ و أنشطة
<p>تدعم المكتسبات المتعلقة بالقوى الصحبة، الدخور التربيعية في تبسيط عبارة أو تطبيق مقام كسر أو الانتقال من الكتابة العشرية لعدد ناطق إلى الكتابة الكسرية له والعكس وفي الحساب الحرفي. يبرهن مثلاً أن العدد <math>\sqrt{2}</math> ليس عدداً ناطقاً.</p> <p>تعريف: <math>a^{-n}</math> = <math>a \times a \times \dots \times a</math> ( <math>n</math> عامل). يسمى القوة ذات الرتبة <math>n</math> للعدد الحقيقي <math>a</math>، و نكتب: <math>a^{-n} = \frac{1}{a^n}</math> حيث: <math>a \neq 0</math>.  <b>اصطلاح:</b> من أجل: <math>a^0 = 1</math> نجد: <math>a^{-0} = 1</math>.  <b>امثلة:</b> .....  <b>نتائج (خواص):</b> .....  <math>a, b</math> عداد حقيقيان غير معطومين. <math>m, n</math> عدادان صحيحان نسيبيان، لدينا:  <math display="block">\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n, a^{n-m} = \frac{a^n}{a^m}, a^n \times b^n = (a \times b)^n, (a^m)^n = a^{mn}, a^m \times a^n = a^{m+n}</math> <b>إشارة قوة:</b> من أجل كل عدد حقيقي غير معطوم <math>a</math>، ومن أجل كل عدد صحيح <math>n</math> نجد: <math>a^{-n} \times a^n = 1</math> و <math>(-1)^n = 1</math> إذا كان <math>n</math> زوجياً، و <math>(-1)^n = -1</math> إذا كان <math>n</math> فردياً،  <b>و <math>a^n</math> يكون سالباً فقط إذا كان <math>n</math> فردياً و <math>a</math> سالباً</b>  <b>تطبيق:</b> تمارين أرقام: 1، 2، 3، 6، 7، 15 صفتاً 18، 19.  <b>تمرين رقم:</b> 26: ما إشارة كل من: <math>(-3)^5</math>، <math>(-3)^8</math>، <math>3^5</math>، <math>3^3 \times 10^2</math>.  <b>تمرين رقم:</b> 30: أكتب على الشكل: <math>m \times n^2</math> كل ما يلي:  <math display="block">c = \frac{2^6 \times 5^6}{(10^2)^3}, b = \frac{5^{-5}}{25^3}, a = \frac{2^4}{10^5}</math> </p>	<p><b>I/ تمهد:</b> التذكرة بالقوى.  <b>II/ العرض:</b>  <b>القوى و خواصها:</b>  <b>تعريف:</b> عدد حقيقي كافي، و <math>n</math> عدد طبيعي غير معطوم. العدد <math>a^n</math> المعرف بـ  <math>a^n = a \times a \times \dots \times a</math> ( <math>n</math> عامل). يسمى القوة ذات الرتبة <math>n</math> للعدد الحقيقي <math>a</math>،  و نكتب: <math>a^{-n} = \frac{1}{a^n}</math> حيث: <math>a \neq 0</math>.  <b>اصطلاح:</b> من أجل: <math>a^0 = 1</math> نجد: <math>a^{-0} = 1</math>.  <b>امثلة:</b> .....  <b>نتائج (خواص):</b> .....  <math>a, b</math> عداد حقيقيان غير معطومين. <math>m, n</math> عدادان صحيحان نسيبيان، لدينا:  <math display="block">\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n, a^{n-m} = \frac{a^n}{a^m}, a^n \times b^n = (a \times b)^n, (a^m)^n = a^{mn}, a^m \times a^n = a^{m+n}</math> <b>إشارة قوة:</b> من أجل كل عدد حقيقي غير معطوم <math>a</math>، ومن أجل كل عدد صحيح <math>n</math> نجد: <math>a^{-n} \times a^n = 1</math> إذا كان <math>n</math> زوجياً، و <math>(-1)^n = -1</math> إذا كان <math>n</math> فردياً،  <b>و <math>a^n</math> يكون سالباً فقط إذا كان <math>n</math> فردياً و <math>a</math> سالباً</b>  <b>تطبيق:</b> تمارين أرقام: 1، 2، 3، 6، 7، 15 صفتاً 18، 19.  <b>تمرين رقم:</b> 26: ما إشارة كل من: <math>(-3)^5</math>، <math>(-3)^8</math>، <math>3^5</math>، <math>3^3 \times 10^2</math>.  <b>تمرين رقم:</b> 30: أكتب على الشكل: <math>m \times n^2</math> كل ما يلي:  <math display="block">c = \frac{2^6 \times 5^6}{(10^2)^3}, b = \frac{5^{-5}}{25^3}, a = \frac{2^4}{10^5}</math> </p>	<p><b>نشاط 1:</b> (القوى)  أحسب: <math>2^3, 3^2, 3^3, 1^5, 0^3, (-2)^{-2}, (2-2)</math>  <b>نشاط 2:</b> (نتائج)  أحسب: <math>3^{1 \times 2}, 2^{2+2}, 2^3, 2^2, 2^{3-2}, 2^{\frac{2}{3}}, 3^{1-2}(3^1)</math>  أحسب: <math>3^3 \times 3^2, 2^2 \times 2^3, 4^{(1-1)} \cdot 3^3(1-1)^2(1-1), 1^1(1-1), 6^{(1-1)}, 5^{(1-1)}</math>  <math display="block">2^3 \times 4^3, (2 \times 4)^3, \frac{2^3}{4^3}, \left(\frac{2}{4}\right)^3</math> <b>نشاط 3:</b> (إشارة قوة)  عن إشارة كل من: .....  </p>

<p><b>الأستاذ:</b></p> <p><b>المستوى:</b> ١٢ ج م ع</p> <p><b>ميدان التعليم:</b> حساب</p> <p><b>الوحدة:</b> الأعداد والعمليات عليها.</p> <p><b>موضوع العدة:</b> الجذور التربيعية، و خواصها.</p>	<p><b>المؤسسة:</b> سيدى لعجالة</p> <p><b>السنة الدراسية:</b> ٢٠ / ٢٠</p> <p><b>التاريخ:</b> ..... توقيت العددة: ساعة واحدة</p>
<p><b>المكتسبات القبلية:</b> الجذور التربيعية ( السنة الماضية ).</p> <p><b>المكتسبات القلالية:</b> التحكم في الحساب على الجذور التربيعية في <math>\mathbb{R}</math>.</p> <p><b>مؤشرات المفاهيم:</b> الجذر التربيعي لعدد حقيقي.</p>	
<p><b>توجيهات و تأثيرات و أنشطة</b></p> <p>تعريف المكتسبات المتعلقة بالتوسيع الصديحة، الجذور التربيعية في تبسيط عبارة أو تقطيع مقام كسر أو الانتقال من الكتابة العشرية لعدد ناطق إلى الكتابة الكسرية [٤] و العكس و في الحساب المركبي. يبرهن مثلاً أن العدد <math>\sqrt{2}</math> ليس عدداً ناطقاً.</p>	<p><b>الأدوات (سير الحصة)</b></p> <p><b>I/ تمهيد:</b> ( الجذور التربيعية مقرر السنة الماضية ).</p> <p><b>II/ العرض:</b> <b>الجذور التربيعية:</b></p> <p>تعريف: <math>a</math> عدد حقيقي موجب؛ نسمى الجذر التربيعي للعدد <math>a</math>، العدد الحقيقي الموجب <math>b</math> الذي يحقق: <math>a = b^2</math>. و نكتب: <math>b = \sqrt{a}</math></p> <p>خواص: من أجل أي عددين حقيقيين موجبين <math>a, b</math> نجد:</p> $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} \quad . \quad \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{ab} \quad . \quad (\sqrt{a})^2 = a \quad \text{و} \quad \sqrt{a} \geq 0$ <p><b>أمثلة:</b> أحسب: <math>\sqrt{9 + 16}</math> ، <math>\sqrt{16 + 9}</math> ، ملخص؟</p> <p><b>تطبيقات:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>(1) من رقم 33 إلى رقم 45 ص 20، 21. خاصة 39. ثم 41. ثم 44.</li> <li>(2) نضع: <math>a = \sqrt{2 - \sqrt{3}} - \sqrt{2 + \sqrt{3}}</math> . حدد إشارة <math>a</math>. ١/ أحسب <math>a^2</math>. ٢/ بسط كتابة <math>a</math>.</li> </ol>

الرقم:

14/04

الأستاذ

<p><b>المستوى:</b> ١ ج مع</p> <p><b>ميدان التعلم:</b> الحساب</p> <p><b>الوحدة:</b> الأعداد والحسابية، الأعداد الأولية.</p> <p><b>موضوع العدة:</b> الحاسبة العلمية، والأعداد الأولية.</p>	<p><b>المؤسسة:</b> سيدى لعجالة</p> <p><b>السنة الدراسية:</b> ٢٠ / ٢٠</p> <p><b>القاريء:</b></p> <p><b>توقيت العدسة:</b> ساعة واحدة</p>																																								
<p><b>المكتسبات القبلية:</b> الحاسبة العلمية، الأعداد الأولية ٢، ٣، ٥، .....، التحليل إلى حداء عوامل أولية.</p> <p><b>المكتسبات الفاصلية:</b> استخدام الحاسبة العلمية لتنظيم وإجراء حساب، - تحليل عدد طبيعي إلى حداء عوامل أولية، واستعمال هذا التحليل.</p> <p><b>مؤشرات المعرفة:</b></p>																																									
<p><b>توجيهات و تعاليق و أنشطة</b></p> <p>تقترن أنشطة يدمّر فيها الحاسب باليد أحياناً وستعمل فيها الحاسبة العلمية في أحياناً أخرى لأجل التعود على الحاسبة.</p> <p>توضّح مزايا وحدود الحاسبة. و لا يكتفى في استكمال الحاسبة بإجراء حساب، بل نمدّ ذلك إلى اختيار أنشطة يقوم فيها التلميذ بالتجريب والتخيّل والتصنيق على نتائجه... الهدف من دراسة الأعداد الأولية هو تقديم مكتبات التلميذ حول الحاسب تصدّق توسيع تعامله مع القوى الصديحة والكسور والجذور التربيعية، لذا تدرج أنشطة المساجحة في اختزال وإجراء العمليات على الكسور تتضمن قوى صديحة أو جذوراً تربيعية قسمح للتأميم بتوظيف القاسم المشترك الأكبر و المضاعفات المشتركة لعددين طبيعيين أو أكثر وقواعد قابلية القسمة على ٢، ٣، ٤، ٩، ٥.</p>	<p><b>الإنجاز (سير الحصة)</b></p> <p><b>I/ تمهيد:</b> استعمال الحاسبة، الأعداد الأولية وتطبيقاتها.</p> <p><b>II/ العرض:</b></p> <p><b>الحاسبة والأعداد:</b></p> <p>نتائج: في الحسابات تعطى الأولويات كما يلى:</p> <p>١/ الحسابات داخل الأقواس. ٢/ القوى و الجذور.</p> <p>٣/ الضرب و القسمة حسب ترتيبها. ٤/ الجمع و الطرح حسب ترتيبها.</p> <p><b>الأعداد الأولية:</b></p> <p>تعريف: كل عدد طبيعي عدد قواسمه اثنان (٢) فقط يسمى عدداً أولياً.</p> <p><b>أمثلة ونماذج:</b></p> <p>تحليل عدد إلى حداء عوامل أولية: <math>x = 3 + \sqrt{2} = \frac{1 + \frac{8}{2}}{3 - 0.5}</math></p> <p>مبرهنة: (يمكن إثباتها): كل عدد طبيعي غير أولي أكبر من 2 يمكن كتابته على شكل حداء عوامل أولية.</p> <p>تمريز: ... PPCM، PGCD.</p> <p>ملاحظة: في حالة <math>\text{PGCD}=1</math>.</p> <p><b>تطبيق:</b> ت (١) الأعداد و الحاسبة: أ/ أحسب <math>\sqrt{2}</math> بالحاسبة. ٢/ أكتب نتيجة: <math>\sqrt{2}</math> في الحاسبة على ورقة. ٣/ أحر الفرق بين <math>\sqrt{2}</math> و القيمة الظاهرة . ماذا تلاحظ؟</p> <p>(اصطلاح: القيمة المضبوطة <math>\sqrt{2}</math> ، القيمة الظاهرة .....، القيمة المخزنة هي الفرق !).</p> <p>ت (٢) من رقم ٥٦ إلى ٧٥ صفحة ٢١، ٢٢، ٢٣، خاصية ٦٥، ٦٦، ٦٧، ٦٩، ٧٣، ٧٢.</p>																																								
<p><b>نشاط ١:</b> - باستخدام حاسبة علمية ثم باليد أحسب كلا من x، y حيث:</p> $x = 3 + \sqrt{2} = \frac{1 + \frac{8}{2}}{3 - 0.5}$ $y = (2 \times 3 + 2\sqrt{2})^2 - 14$ <p><b>جواب:</b></p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>3</td><td>+</td><td>2</td><td>✓</td><td>-</td><td>(</td><td>(</td><td>1</td></tr> <tr> <td>+</td><td>8</td><td>÷</td><td>2</td><td>)</td><td>÷</td><td>(</td><td>3</td></tr> <tr> <td>-</td><td>0</td><td>.</td><td>5</td><td>)</td><td>)</td><td>=</td><td></td></tr> </table> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>(</td><td>2</td><td>×</td><td>3</td><td>+</td><td>2</td><td>×</td><td>2</td></tr> <tr> <td>✓</td><td>)</td><td>-</td><td>1</td><td>4</td><td>=</td><td></td><td></td></tr> </table> <p><b>نشاط ٢:</b> أوجد مجموعة قواسم كل عدد مما يلى: ٨، ٦، ١٥، ٢١، ٢، ١، ٢١، ١، ٥، ٠.</p> <p><b>نشاط ٣:</b> أكتب كلا من: ١٥٦، ٥٤١٨ على شكل حداء عوامل أولية.</p>		3	+	2	✓	-	(	(	1	+	8	÷	2	)	÷	(	3	-	0	.	5	)	)	=		(	2	×	3	+	2	×	2	✓	)	-	1	4	=		
3	+	2	✓	-	(	(	1																																		
+	8	÷	2	)	÷	(	3																																		
-	0	.	5	)	)	=																																			
(	2	×	3	+	2	×	2																																		
✓	)	-	1	4	=																																				

<b>المستوى:</b> ١٢٣٤ <b>ميدان التعليم:</b> الحساب <b>الوحدة:</b> القيم المقربة. <b>موضوع العصبة:</b> الحسابات التقريرية	<b>المؤسسة:</b> سيدى لعجل <b>السنة الدراسية:</b> ٢٠ / ٢٠ <b>التاريخ:</b> ..... <b>توقيت العصبة:</b> ساعتان
<p><b>المحتويات القبلية:</b> الكتابة العشرية لعدد ناطق.</p> <p><b>المحتويات الفاعلية:</b> التحويل من و إلى الكتابة العشرية، الكتابة العلمية، الكتابة باستعمال القوى الصحيحة للعدد 10. تدوير عدد عشري إلى <math>n</math>-ثانية <b>المحتويات الفاعلية:</b> الانقال من كتابة إلى أخرى.</p>	<p><b>المحتويات القبلية:</b> الكتابة العشرية لعدد ناطق.</p> <p><b>المحتويات الفاعلية:</b> التحويل من و إلى الكتابة العشرية، الكتابة العلمية، الكتابة باستعمال القوى الصحيحة للعدد 10. تدوير عدد عشري إلى <math>n</math>-ثانية <b>المحتويات الفاعلية:</b> الانقال من كتابة إلى أخرى.</p>
<p><b>توجيهات و تعالقات وأنشطة</b></p> <p>إن التعامل مع مذكور عدد و الكتابة العلمية و رتبة مقدار عدد يتم في إطار معالجة القيم المقربة لعدد، ويكون من بين أهدافها تزويد التلميذ بأنواع تسمح له بتفهيم نتيجة حساب و التأكد من مغوليتها. غير أن هذه القيم لا يجب أن توظف في بناء براهين رياضياتية.</p> <p>في مفهوم رتبة مقدار نعدم التعرف: رتبة مقدار عدد عشري مكتوب في شكله العلمي <math>a \times 10^n</math> حيث <math>a</math> هي العدد <math>a \times 10^n</math> حيث <math>a</math> هو المدور إلى الوحدة للعدد <math>k</math>.</p> <p>تقترن أنشطة يتم فيها الحساب باليد لحياناً و تستعمل فيها الحاسبة العلمية في أحيان أخرى تعالج العناصر التالية:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>التعود على الحاسبة، الكتابة العلمية، تحديد رتبة مقدار، القيمة المخزنة في ذاكرة الحاسبة،</li> <li>يمكن اقتراح أنشطة من النوع "البحث عن القيمة المقربة للعدد" المخزنة في ذاكرة الحاسبة".</li> </ul>	<p><b>الإنجاز (سير الحصة)</b></p> <p><b>تمهيد:</b> الكتابة العشرية لعدد، الكتابة الدورية لعدد ناطق.</p> <p><b>العرض:</b> مدور عدد حقيقي:</p> <p><b>تعريف:</b> <math>x</math> عدد حقيقي مكتوب في شكله العشري، و ليكن <math>d</math> هو الرقم العشري فيه ذو الرتبة <math>p+1</math>. مدور العدد <math>x</math> إلى <math>10^{-p}</math> هو العدد الذي يشكل من العدد <math>x</math> كما يلي: * إذا كان: <math>d \geq 5</math> فأأخذ العدد <math>x</math> بأرقامه العشرية إلى الرقم العشري الذي رتبته <math>p</math> ونضيف 1 إلى هذا الرقم. * إذا كان <math>d &lt; 5</math> فأأخذ العدد <math>x</math> بأرقامه العشرية إلى الرقم العشري الذي رتبته <math>p</math>.</p> <p><b>الكتابة العلمية لعدد:</b></p> <p><b>تعريف:</b> كتابة عدد عشري على الشكل العلمي تعنى التعبير عنه على الشكل <math>a \times 10^n</math> (أو <math>a \times 10^n - a</math>). حيث: <math>1 \leq a &lt; 10</math>, و <math>n</math> عدد صحيح نسبي.</p> <p><b>رتبة مقدار عدد:</b></p> <p><b>نتيجة:</b> لإيجاد رتبة مقدار عدد: نكتب هذا العدد على الشكل العلمي. ثم ندور العدد العشري في الكتابة العلمية له إلى العدد الصحيح مع الاحتفاظ بقولة 10.</p> <p><b>أمثلة:</b> أوجد رتبة مقدار كل من: <math>9.2 \times 10^{12}</math>, <math>0.000271 \times 271300</math>.</p> <p><b>تطبيق 1:</b> رقم 46 إلى 55، ص 21 .</p> <p><b>تطبيق 2:</b> أوجد كتابة <math>\frac{a}{b}</math> للعدد: <math>2.03\overline{7} = d</math>, حيث <math>a</math>, <math>b</math> عددان صحيحان.</p> <p><b>الحل:</b> نجد: <math>20\overline{3} = 10d = 20.37</math>, نضع: <math>0.\overline{37} = x</math>, فنجد: <math>37 + x = 10^2 x = 37</math>, إذن: <math>x = \frac{37}{99}</math>, أي: <math>x = \frac{37}{99}</math>, و منه: <math>10d = 20 + \frac{37}{99}</math>, فيكون: <math>d = \frac{2017}{990}</math>.</p>

المستوى: 1 ج مع

ميدان التعليم: الحساب

الوحدة: المقارنة والترتيب في  $\mathbb{R}$ .موضوع العصمة: الترتيب في  $\mathbb{R}$  والعمليات عليه.

المؤسسة: سيدى لعجاج

السنة الدراسية: 20 / 20

التاريخ:

توقيت العصمة: ساعه واحده

المكتسبات القبلية: المقارنة والترتيب في  $\mathbb{R}$ , إشارة فرق (مقرر السنة الماضية).

المكتسبات القادمة: اختيار مقياس لمقارنة عددين حقيقيين.

مؤشرات المفاهيم:

توجيهات و تعليل و أنشطة	الإنجاز (سير الحصة)	الأنشطة المقترنة وطبيعتها
<p>تعالج امثلة عدديه نلاحظ من خلالها وجود عدة اختبارات لمقارنة عددين ناتجة من خواص تلاؤم <math>+</math> العلاقة <math>\geq</math> مع في <math>\mathbb{R}</math> و أخرى تكون حفلاً لن宥ظيف بعض البراهين كفصل الحالات مثلاً.</p>	<p><b>I/ العرض:</b>  <b>الترتيب في <math>\mathbb{R}</math>:</b>  <b>تعريف:</b> <math>a, b \in \mathbb{R}</math> معناد: <math>a \geq b</math> معناد: <math>a - b \in \mathbb{R}^+</math>  - القول إن <math>a</math> أكبر من أو يساوي <math>b</math> معناد: <math>-a</math> موجب، ونكتب <math>a \geq b</math> معناد: <math>a - b \in \mathbb{R}^+</math>  - القول إن <math>a</math> أصغر من أو يساوي <math>b</math> معناد: <math>-b</math> سالب، ونكتب <math>a \leq b</math> معناد: <math>a - b \in \mathbb{R}^-</math>  - القول إن <math>a</math> أكبر تماماً من <math>b</math> معناد: <math>-a</math> موجب تماماً، ونكتب <math>a &gt; b</math> معناد: <math>a - b \in \mathbb{R}_+^*</math>  <b>ملاحظة 1:</b> الترتيب والتسلیل على مستقيم مزود بعلم خطی.  <b>ملاحظة 2:</b> كل من <math>a \leq b</math>, <math>a &lt; b</math>, <math>a \geq b</math>, <math>a &gt; b</math> سمی متباينة.  <b>المقارنة في <math>\mathbb{R}</math>:</b>  <b>تعريف:</b> مقارنة عددين حقيقيين <math>a, b</math> معناد التصریح بمتباينة يحققها هذان العددان.  <b>مبرهنة 1:</b> (نشاط 2) من أجل أي أعداد حقيقة <math>a, b, c</math>, نجد:  "إذا كان: <math>a \leq b</math> و <math>c \leq b</math> فإن: <math>a \leq c</math>" <b>نقول:</b> "ايسطزم <math>a \leq c</math> و <math>b \leq c</math> فإن <math>a \leq b</math>".  <b>الترتيب والعمليات الحسابية:</b> (نشاط 3)  <b>الترتيب والجمع:</b>  <b>مبرهنة 2:</b> (نشاط 3)  <b>أمثلة:</b> <math>a, b</math> عددان حقيقيان، بين أن المتباينة: <math>a+6 \leq b+3</math> تكافئ المتباينة: <math>a \leq b-3</math>.  وأن: <math>-2 \leq a \leq 3</math> و <math>b \leq 3</math>. تسطزم: "<math>a+b \leq 1</math>".  <b>II/ تطبيقات:</b> من: 1 إلى 24, ص 43, 44.</p>	<p><b>نشاط 1: (الترتيب)</b>  أحسب الفرق <math>a-b</math> وحدد إشارته ثم رتب <math>a, b</math> في كل مما يلى:  <math>b = +1, a = +3/1</math>  <math>b = -7, a = -3/2</math>  <math>b = 27, a = 13/3</math>  <math>b = -2, a = 77/4</math>  <b>نشاط 2: (مبرهنة 1)</b>  <math>a, b, c</math>, أعداد حقيقة حيث: <math>b \leq c</math>, <math>a \leq b</math>.  <b>1</b> حدد إشارة كل من:  <math>(b-c), (a-b)</math>  <math>[(a-b)+(b-c)]</math>  <b>2</b> استنتج إشارة <math>(a-c)</math>  <b>نشاط 3: (الترتيب والجمع)</b>  <math>a, b, c, d</math>, أعداد حقيقة.  بين أنه إذا كان:  <math>a+c \leq b+c</math> فإن: <math>a \leq b</math>  <math>c \leq d</math> و <math>a \leq b</math> فإن:  <math>a+c \leq b+d</math></p>

<p><b>المستوى:</b> ١ ج م ع</p> <p><b>ميدان التعلم:</b> حساب</p> <p><b>الوحدة:</b> الترتيب في <math>\mathbb{R}</math>.</p> <p><b>موضوع المدة:</b> الترتيب في <math>\mathbb{R}</math> وتطبيقاته.</p>	<p><b>المؤسس:</b> سيدى لعجل</p> <p><b>السنة الدراسية:</b> ٢٠ / ٢٠</p> <p><b>التاريخ:</b> .....</p> <p><b>توقيت المدة:</b> ساعة واحدة</p>
<b>المحتواه القبلية:</b> المتباينات في $\mathbb{R}$ . <b>القواعد القاعدية:</b> اختيار مقياس لمقارنة عددين حقيقيين. إيجاد حصر لعدد حقيقي. <b>مؤشرات الدراسة:</b> ..... 	
<b>توجيهات و تعليل و أنشطة</b>	<b>الإنجاز (سير الحصة)</b>
تعالج أمثلة عدديّة نلاحظ من خلالها وجود عدة اختيارات لمقارنة عددين ناتحة من خواص تلاؤم العلاقة $\geq$ مع $x$ في $\mathbb{R}^*$ , و أخرى تكون حفلاً لتوظيف بعض البراهين كفصل الحالات مثلاً. الدراسة النظرية للحصر غير واردة في البرنامج وهذا لا يمنع من برهان بعض الخواص المتعلقة بقواعد.	<p><b>I/ العرض:</b></p> <p><b>الترتيب والضرب:</b></p> <p><b>مبرهنة 1:</b> (نتيجة النشاط 1).  <math>a \leq b \Leftrightarrow a &lt; b \vee a = b</math></p> <p><b>مبرهنة 2:</b> (نتيجة النشاط 2).  <math>a \leq b \wedge b \leq c \Rightarrow a \leq c</math></p> <p><b>الحصر:</b></p> <p><b>تعريف:</b> حصر العدد الحقيقي <math>x</math>, هو إيجاد عددين حقيقيين <math>a</math>, <math>b</math> حيث: <math>a \leq x \leq b</math>.          وسمي الثنائية <math>(a, b)</math> أيضاً حسراً <math>-x</math>. وكذلك نسمى المتباينة المضاعفة <math>a \leq x \leq b</math> حيث <math>a \leq x \leq b \wedge a \leq y \leq b \Rightarrow a \leq x+y \leq b</math>.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <p><b>ملاحظة:</b> طول الحصر <math>(a, b)</math> هو الفرق: <math>b - a</math>. وبحد أدنى يكون أصغر ما يمكن.</p> <p><b>II/ تطبيق:</b> من رقم 25 إلى 32، ص 44. خاصة 32.</p>

**نشاط 1:**

بين أنه إذا كان:

$a \leq b$  فإن:

$a \cdot c \geq b \cdot c$ .

وإذا كان:  $a \leq b$  و  $c > 0$  فإن:

$a \cdot c \leq b \cdot c$ .

**نشاط 2:**

أعداد موجة

$d \leq c \leq b \leq a$

تماماً وتحقق:  $d \leq a$  و  $a \leq b$ .

بين أن:  $ad \leq bc$ .

**الحل:**

لدينا: من  $a \leq b$ , نجد:

$a \cdot d \leq b \cdot d \dots (1)$

و من  $d \leq c$ , نجد:

$b \cdot d < b \cdot c \dots (2)$

من (1) و (2) نجد:

$ad \leq bc$

المؤسسة: سيدى لعجالة

السنة الدراسية: 20 / 20

التاريخ:

توقيت المدة: ساعة واحدة.

المكتسبات القبلية: الترتيب في  $\mathbb{R}$  والعمليات عليه.

الكلمات الفاعلية: حصر عبارة جبرية. حصر مجموع و جداء عددين حقيقيين.

مؤشرات المفاهيم:

## توجيهات و تعلق و أنشطة

## الإنجاز (سير الحصة)

الأنشطة المقترنة وطبيعتها

الدراسة النظرية لهذه الفقرة غير واردة في البرنامج وهذا لا يمنع من برمان بعض الخواص المتصلة بقواعد الحصر.

يمكن أن تستقل الحالة التي يكون فيها العددان  $a$  و  $b$  موجان تماماً في معالجة برنامنج كافٌ معياري الفرق  $a - b \geq 0$  والنسبة  $\frac{a}{b} \geq 1$

تمتد المقارنة إلى العددان  $a^2$  و  $b^2$  ثم  $\sqrt{a}$  و  $\sqrt{b}$

حيث  $(b \geq 0, a \geq 0)$   
 $\frac{1}{b} \leq \frac{1}{a}$  ثم إلى  $\frac{1}{b^2} \leq \frac{1}{a^2}$   
 $(b \neq 0, a \neq 0)$  انطلاقاً من مقارنة العددان  $b$  و  $a$ .

تختار أنشطة إدامحة ترخيص فيها الوظائف بواسطة معادلات أو متراجمات من الدرجة الأولى ويتطلب حلها توظيف هذه المقاربات. تمتد الشططات الخاصة بحصر مجموع أو جداء عددين إلى حصر الفرق والنسبة والمقلوبي والجذر التربيعي باعتمادها تطبيقات لمقارنة عددين و تمثل فرصة يبرهن فيها التلميذ الخواص المحصل عليها.

**تمهيد:** العمليات الحسابية و الترتيب. حصر عدد حقيقي (تعريف).

**العرض:**

**حصر مجموع:**

**نتائج:** (نشاط 1)

**أمثلة:** نعتبر:  $a \leq b \leq c$ . أوحد حصر  $a - b$  ثم  $c - b$ .

**نتيجة:** (من الأمثلة السابقة)

**حصر جداء:** (أعداد موجبة).

**نتيجة:** (نشاط 2)

**أمثلة:**  $a$  موجب، و  $b$  سالب و كذلك حصره سالب، أحصر  $(b - a)b$ .

**حصر مقلوب:**

**مبرهنة 1:** (نشاط 3)  $a, b$  عددان حقيقيان غير معدومين من نفس الإشارة.

لدينا:  $a \leq b$  تكافيء  $\frac{1}{b} \leq \frac{1}{a}$

**إثبات:**

**مثال:**  $10 \leq 9$  تكافيء  $\frac{1}{9} \leq \frac{1}{10}$  أي:  $0.1 \leq 0.111111111$

**مبرهنة 2:** إذا كانت:  $a, b, c$  أعداداً حقيقة غير معروفة من نفس الإشارة. و كان:

$(b, c)$  حصر  $a - b$ , فإن:  $(\frac{1}{c}, \frac{1}{b})$  حصر  $a - c$ .

إرشاد للإثبات (البرهنة السابقة).

**مثال:** اعتمدنا على الحصر  $(-1, -3)$  للعدد  $-2$  ، أوحد حصر  $a - 0.5$ .

**تطبيقات:**

**1** / نعتبر  $a, b, c, d'$  أعداداً حقيقة موجبة تماماً. حيث:

$(b, c)$  حصر  $a - b$ ,  $d'$  على التوالي.

أوحد حصر  $a - \frac{1}{a}$ . ثم استنتج حصر  $a - \frac{a}{a'}$ .

**2** /  $x, y$  عددان حقيقيان. بين أنه إذا كان:

$x^2 \leq y^2$  موجبين فإن:  $y \leq x$  تكافيء

**b** /  $x, y$  سالبين فإن:  $y \leq x$  تكافيء

**ج** /  $x, y$  موجبين فإن:  $y \leq x$  تكافيء

**3** / أوحد حصر للعدد  $\frac{3-\sqrt{5}}{2\sqrt{5}+1}$  حملماً أن:  $2.23 \leq 2.24$ .

**4** / بين أنه إذا كان:  $0 \leq a \leq 1$  فإن:  $a^3 \leq a^2 \leq a$

و إذا كان:  $a \geq 1$  فإن:  $a^3 \geq a^2 \geq a$

استنتاج.



**المؤسسة:** سيدى لعجالة  
**السنة الدراسية:** 20 / 20  
**التاريخ:** توقيت المدة: ساعة واحدة

## الأسماء

**المستوى:** 1 ج م ع

**ميدان التعليم:** حساب

**الوحدة:** المجالات في R.

**موضوع المدة:** المجالات في R وتمثيلها والعمليات عليها.

**المكتسبات القبلية:** الترتيب في R و العمليات عليه.

**الكلمات الفاعلية:** التعبير عن حزء متصل من R بمحال أو حصر.

**مؤشرات المفاهيم:**

الأنشطة المقترنة وطبيعتها	الإنجاز (سير الحصة)	توجيهات و تعلق و أنشطة																														
<b>نشاط 1:</b> تعتبر المجالات $I = [3:5]$ ، $I = [-2:7]$ <b>/1</b> إذا كان $x$ من I فأعط حصر له إن يمكن. <b>/2</b> مثل كلام من I على المستقيم العددي، واستنتاج $I \cup J \cup U$ <b>/3</b> غير عن كل منها بواسطة متابعة.	<b>I/ العرض:</b> <b>المجالات في R :</b> <b>تعريف:</b> (نشاط 1) $a, b$ , عددان حقيقيان حيث $a \leq b$ . نسمي المجال المغلق الذي حداه $a, b$ مجموعة الأعداد الحقيقة $x$ حيث: $a \leq x \leq b$ <b>وترمز له بـ</b> $[a;b] = \{x \in R / a \leq x \leq b\}$ فنكتب: <b>مثال:</b> $[-3;0] = \{x \in R / -3 \leq x \leq 0\}$ <b>أنواع المجالات:</b> الجدول التالي يلخص كل أنواع المجالات في R:	نوضح في المجال: المجال: طوله و مركزه و نصف قطره. تعالج أنشطة إدماجية توظيف تقاطع و اتحاد المجالات و دراسة إشارة ثنائية حد من الدرجة الأولى.																														
<b>نشاط 2:</b> تعتبر المجالات $I = [-2:1]$ ، $a = -2$ ، $b = 1$ أحسب كلام مما يلي:	<table border="1"> <thead> <tr> <th>ال المجال الذي رمزه هو:</th><th>هو مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث:</th><th>ويتمثل على المستقيم العددي كما يلي:</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td><math>[a;b]</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>]a;b[</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>[a;b[</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>]a;b]</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>[a;+\infty[</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>]a;+\infty[</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>]-\infty;a]</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>]-\infty;a[</math></td><td></td><td></td></tr> <tr><td><math>]-\infty,+\infty[</math></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>	ال المجال الذي رمزه هو:	هو مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث:	ويتمثل على المستقيم العددي كما يلي:	$[a;b]$			$]a;b[$			$[a;b[$			$]a;b]$			$[a;+\infty[$			$]a;+\infty[$			$]-\infty;a]$			$]-\infty;a[$			$]-\infty,+\infty[$			
ال المجال الذي رمزه هو:	هو مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث:	ويتمثل على المستقيم العددي كما يلي:																														
$[a;b]$																																
$]a;b[$																																
$[a;b[$																																
$]a;b]$																																
$[a;+\infty[$																																
$]a;+\infty[$																																
$]-\infty;a]$																																
$]-\infty;a[$																																
$]-\infty,+\infty[$																																
<b>ملاحظة:</b> المجال المغلق من جهة a يشملها، والمفتوح من جهة a لا يشملها، وكذلك الفول عند b.	<b>اتحاد وتقاطع مجالين:</b> (نشاط 1)	<b>تعريف:</b> I، J مجالان، تقاطع I وJ هو مجموعة الأعداد الحقيقة التي تتبع إلى I وJ معاً. وترمز للتقاطع بـ <b>JIL</b> . <b>اتحاد</b> I وJ هو مجموعة الأعداد الحقيقة التي تتبع إلى I أو J. وترمز لاتحاد بـ <b>IUJ</b> .																														
<b>عناصر المجال:</b> (نشاط 2)	نعتبر المجال $[a;b]$ , مركزه هو العدد $c = \frac{a+b}{2}$ حيث $c = \frac{a+b}{2}$ ، وطوله هو العدد $r$ حيث $r = \frac{b-a}{2}$ <b>أمثلة:</b> ..... <b>II/ تطبيقات:</b> من رقم 33 صفحة 44 إلى رقم 47 صفحة 45. وخاصة 37، 43																															

**المستوى:** ١ ج م ع

**ميدان التعلم:** حساب

**الوحدة:** القيمة المطلقة في  $R$ .

**موضوع الحصة:** القيمة المطلقة والمسافات.

**المؤسسة:** سيدى لوحجال

**السنة الدراسية:** ٢٠ / ٢٠

**التاريخ:**

**توقيت الحصة:** ساعة واحدة

**المكتسبات القبلية:** القيمة المطلقة لعدد حقيقي (مقرر السنة الماضية).

**المكتسبات الفاصلية:** التعبير عن جزء متصل من  $R$  بمسافة أو بقيمة مطلقة . كتابة عبارة تتضمن رمز القيمة المطلقة على شكل عبارة مكافئة لها بدون رمز القيمة المطلقة.

**مؤشرات المفاهيم:**

توجيهات و تعالق  
و أنشطة

الإنجاز (سير الحصة)

الأنشطة المقترنة وطبيعتها

تعرف المسافة بين عددين  $a$  و  $b$  على أنها المسافة بين نقطتين  $a$  و  $b$  فأصلناهما  $a$  و  $b$  بحيث لا تثار أية تقييدات حول هذا المفهوم و نترك الفهم الحدسي بأحد محراه هنا بشكل طبيعي.

ترجم  $|a - b|$  على أنها المسافة بين العددين  $a$  و  $b$ .

**I/ تمهد:** الحالات في  $R$ .

### II/ العرض

**القيمة المطلقة لعدد حقيقي:** (نشاط ١)

تعريف:  $x$  عدد حقيقي، و  $M$  نقطة من مستقيم مزود بعلم  $(0;i)$  فأصلناها  $x$ . المسافة  $OM$  تسمى القيمة المطلقة لـ  $x$  ونرمز لها بالرمز:  $|x|$  أي:  $|x| = OM$ .

**أمثلة:** أوحد  $|x|$  و  $-x$  في كل ما يلي.

$$x = -1/5, \quad x = 0/4, \quad x = -3/3, \quad x = \sqrt{14}/2, \quad x = 3/1$$

نتيجة: من أجل كل  $x$  من  $R$  نجد:  $|x|$  موجب دوما.

$$x \in [0; +\infty]$$

$$x \in [-\infty; 0]$$

**خواص:** (نشاط ٢) (خواص)

**مبرهن:** (نشاط ٣)

**المسافة بين عددين حقيقين:**

تعريف: المسافة بين عددين حقيقين  $x, y$ , هي العدد  $|x-y|$ , ونرمز لها بالرمز  $d(x,y)$ .

**أمثلة:**  $d(-2;3), d(5;4), d(4;5), d(11/7;-3), d(-2;3)$

### III/ تطبيق:

**A/**  $x$  عدد حقيقي، بين أن:  $|x-3| \leq 2$  معناه  $(x \in [1;5])$

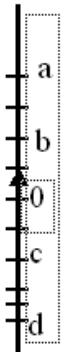
**B/**  $r, c$  عدادان حقيقيان، حيث  $r > 0$ . بين أن:

$(c-r \leq x \leq c+r) \Leftrightarrow (d(x;c) \leq r)$

**ج/** نوّن نتيجة.

**نشاط ١:** (المسافة والقيمة المطلقة).

إليك الشكل التالي:  
اقرأ فأصل كل نقطة من النقط:  $a, c, b, d$ .  
حدد مسافتها عن المبدأ.



**نشاط ٢:** أحسب كل مما يلي:

$$\begin{aligned} & |-2 \times 3|, \quad \sqrt{(-3)^2}, \quad |-3|, \quad |3| \\ & |+3-1|, \quad \left| \frac{3}{-6} \right|, \quad \left| \frac{3}{-6} \right|, \quad |2-1| \times |3| \\ & |7+(-3)|, \quad |7| \end{aligned}$$

**نشاط ٣:** على مستقيم مزود

بعلم  $(0;i)$  علم نقطتين  $A, B$  فأصلناهما على الترتيب  $a, b$ .

(آخر وضعية من حذك). ثم قارن بين  $AB, |a-b|, |b-a|$ .

المؤسسة: سيدى لعجل

المنة الدراسية: 20 / 20

التاريخ:

توقيت الحصة: ساعة واحدة

المكتسبات القبلية: القيمة المقربة، القيمة المطلقة والمسافات.الكلمات الفاعلية: التعبير عن قيمة عشرية d مقرية لعدد حقيقي a بتقريب قدره  $10^{-n}$ .مؤشرات المفاهيم:

الأستاذ	المحتوى: ١٧ ج مع ميدان التعليم: حساب الوحدة: القيمة المطلقة والمسافات. موضوع الحصة: تطبيقات القيمة المطلقة: القيم المقربة.	الأنشطة المقترنة وطبيعتها الأنشطة المقترنة وطبيعتها
<u>توجيهات و تعلق وأنشطة</u> <p>يمكن التعبير عن قيمة عشرية <math>d</math> مقرية لعدد حقيقي <math>a</math> بتقريب قدره <math>10^{-n}</math> بالعبارة <math> a - d  \leq 10^{-n}</math>.</p>	<u>الإنجاز (سير الحصة)</u> <p><b>I/ تعريف:</b> القيمة المقربة إلى <math>10^{-n}</math> عدد حقيقي:  <b>تعريف:</b> <math>x</math> عدد حقيقي، <math>\pi</math> عدد عشري، <math>n</math> عدد طبيعي.  إذا كانت المسافة بين <math>x</math> و <math>\pi</math> أصغر من <math>10^{-n}</math> نقول إن <math>\pi</math> قيمة مقرية إلى <math>10^{-n}</math> للعدد <math>x</math>.  إذا كان <math>x &lt; \pi</math> القيمة مقرية بالزيادة، وإذا كان <math>x &gt; \pi</math> فالقيمة مقرية بالنقصان.  <b>أمثلة:</b> العدد ..... هو قيمة مقرية إلى ..... للعدد <math>\pi</math>.  العدد ..... هو قيمة مقرية إلى ..... للعدد <math>\pi</math>.  العدد ..... هو قيمة مقرية إلى ..... للعدد <math>\pi</math>.  <b>أمثلة أخرى:</b> استعمل الحاسب لحساب <math>\sqrt{5}</math> ثم استنتج فيما مقربة <math>\sqrt{5}</math>.</p> <p><b>II/ تطبيق:</b></p> <p><b>1</b> أثبت أن <math>1.41</math> قيمة مقرية بالنقصان للعدد <math>\sqrt{2}</math>.  <b>2</b> <math>x</math> عدد حقيقي، أكتب كل عبارة مماثلة بدون رمز القيمة المطلقة:  <math>e =  x^2 - 1 ; d =  -x^2 - 3 ; c =  x^2 + 1 ; b = \left x + \frac{3}{2}\right ; a =  x - 2 </math></p> <p><b>3</b> رقم 82، صفحة 48  <b>4</b> أرقام: 29، 31، 36، 44، 45، 47، 67، 72، 81 صفحات: 44، 45، 47، 67، 72، 81</p>	<b>نشاط 1:</b> (القيمة المقربة) نضع $x = \sqrt{2}$ و $L = 1.414$ <b>1</b> / فارن بينهما. <b>2</b> / ماذا نسمى $L$ بالنسبة لـ $x$ . <b>نشاط 2:</b> 1/ استعمل الحاسب لحساب قيمة مقربة $L$ بالنقصان لـ $\sqrt{5}$ إلى $10^{-4}$ ثم لحساب قيمة مقربة $L$ بالزيادة. 2/ فارن $  \sqrt{5} - L  $ مع $10^{-4}$ , ثم $  \sqrt{5} - L  $ مع $10^{-4}$ . 3/ رتب الأعداد: $L$ , $\sqrt{5}$ , $L$ .

المستوى: 1 ج مع

ميدان التعليم: حساب

الوحدة: الحساب الجبرى.

موضوع العصمة: التشر و التحليل و حل المعادلات.

المؤسسة: سيدى لعجالة

المنة الدراسية: 20 / 20

التاريخ:

توقيت العصمة: ساعتان.

المكتسبات القبلية: التشر و التحليل و المعادلات.

**الكلمات الفارقة:** التعرف على مختلف الصيغ لنفس العبارة الجبرية ( صيغة مختصرة، صيغة محللة، .....). تحويل كتابة عبارة (نشرها، تحليلها، اختصارها) و اختيار الصيغة المناسبة تبعاً للهدف المنشود. **مؤشرات الكلمة:**

تجزيئات و تعابير وأنشطة	الإنجاز (سير العصمة)	الأنشطة المترورة وطبيعتها
<p>تم معالجة عبارات جبرية ذات متغير واحد عموماً و ذات متغيرين أحياناً، على أن يهدف النشاط فيها إلى تسمية إستراتيجيات تعمد الملاحظة و الذكاء في الحساب، تجني للبالغة في استعمال الآليات الحسابية.</p> <p>تعتبر الأنشطة المتعلقة بالعبارات الجبرية حفلاً خاصاً لمسارسة الحساب الحرفى و لربط الموال بالعبارات الجبرية حيث يُعرف التقى من خلال أمثلة على الدالة الموجودة ضمنياً وراء كل عبارة جبرية.</p>	<p><b>I/ تمهيد:</b> التشر و التحليل و المعادلات.</p> <p><b>II/ العرض:</b></p> <p><b>الأشكال (الصيغ) المختلفة لعبارة جبرية:</b> يمكن كتابة نفس العبارة الجبرية على عدة أشكال مختلفة (متشور، محلل، بسيط....).</p> <p><b>مثال:</b> <math>x^2 - 2x - 15 = (x-5)(x+3) = (x-1)^2 - 16</math>.</p> <p><b>نتيجة 1:</b> عند استبدال الحروف بعدد قد نحصل على قيمة عددية للعبارة الجبرية.</p> <p><b>مثال:</b> ما هي قيم كل من <math>f(x)</math> السابقة و <math>e(x)</math> حيث <math>e(x) = \frac{x-1}{x+2}</math>? حل في <math>R</math> كل معادلة مما يلي: <math>f(x) = -16</math> ، <math>f(x) = 0</math> . <math>f(x) = x^2</math></p> <p><b>ملاحظة:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- حسب المسألة المطروحة نختار الصيغة المناسبة للعبارة الجبرية.</li> <li>- من أجل كل عددين حقيقيين <math>A, B</math> نجد: <b>(الجداءات الشهيرة)</b> (<math>A+B</math>)<sup>2</sup>=<math>A^2+2AB+B^2</math></li> </ul> <p><b>المعادلات المتكافئة:</b></p> <p>السعادتين المكافئتين هما سعادتين لها نفس مجموعة الحلول.</p> <p><b>حل معادلة:</b> لحل معادلة نحدد:</p> <p><b>أولاً:</b> المجموعة المرجعية لها.</p> <p><b>ثانياً:</b> نبحث عن معادلات مكافئة لها وأسهل منها.</p> <p><b>معادلة جداء:</b> .... <b>حالة خاصة:</b> <math>[A(x)]^n</math>.</p> <p><b>متراجحة جداء:</b></p> <p><b>معادلة حاصل قسمة:</b></p> <p><b>متراجحة حاصل قسمة:</b></p> <p><b>III/ تطبيقات:</b> من 1 ص 134 إلى 49 ص 137. ( خاصة: 39, 41, 44).</p> <p><b>يمكن إدراج:</b></p> <p><b>1/</b> معادلة حاصل قسمة حيث بعض القيم التي تعد المقام تعد أيضاً البسط.</p> <p><b>2/</b> متراجحت من د.</p> <p><b>3/</b> متراجحت بسيطة من د.</p> <p><b>4/</b> متراجحت حاصل قسمة.</p>	<p><b>نشاط 1: (الصيغ المختلفة):</b> تعتبر الدالة <math>f</math> المعرفة على <math>R</math> بما يلي: <math>f: x \mapsto (x-1)^2 - 16</math>.</p> <p><b>1/</b> أنشر وسط <math>f(x)</math>.</p> <p><b>2/</b> حل <math>f(x)</math> إلى حداء عاملين من الدرجة الأولى.</p> <p><b>3/</b> أحسب كلا من: <math>f(5), f(0), f(1)</math>.</p> <p><b>4/</b> حل في <math>R</math> كل معادلة مما يلي: <math>f(x) = -16</math> ، <math>f(x) = 0</math> . <math>f(x) = x^2</math></p> <p><b>نشاط 2: (الجاءات الشهيرة):</b> <math>x, y</math> عددان حقيقيان، أنشر وسط كل عبارة مما يلي:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>(x-y)(x+y)</math></li> <li><math>(y-x)(x+y)</math></li> <li><math>(x-y)^2</math></li> <li><math>(x+y)^2</math></li> <li><math>(x^2 + xy + y^2)(x-y)</math></li> <li><math>(x+y)^3</math></li> <li><math>(x-y)^3</math></li> <li><math>(x^2 - xy + y^2)(x+y)</math></li> </ul> <p><b>نشاط 3: (المعادلات د1):</b> حل في <math>R</math> كل معادلة مما يلي:</p> <p>(I) <math>x^2 - 3x + 2 = 0</math> ...</p> <p>↳ إرشاد: يمكن: نشر وتبسيط: <math>(x-2)(x-1)</math></p> <p>(II) ... <math>1 - 2x(1-2x) = 4x^2 - 2x - 1(2)</math></p> <p>(III) ... <math>0 = 3x + 3(2)</math></p> <p><math>\frac{4x^2 - 1}{2x + 1} = 0</math> ..... (IV)</p>

المستوى: I ج م ع

مبحث التعليم: حساب

الوحدة: المعادلات والمترافقات من الدرجة الثانية.

موضوع الدورة: الشكل النموذجي وتحليل العبارات  $ax^2 + bx + c$  حيث  $a \neq 0$ .

المؤسسة:

المنة الدراسية:

التاريخ:

توقيت الدورة: ساعتان.

المكتسبات الفعلية: التشر وتحليل المعادلات.

المكتسبات القابلية: كتابة العبارات  $ax^2 + bx + c$  على الشكل النموذجي ( $a \neq 0$ ) \* تحليل العبارات  $ax^2 + bx + c$ .

مؤشرات المفاهيم:

تجهيزات و تعاليم وأنشطة	الإنجاز (سير الحصة)	الأنشطة المقترنة وطبيعتها						
لا تماري دراسة نظرية حول ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية بل تكتفي بالتركيز على تقنيات توظيف المتطابقات الشهيرة لكتابه الشكل النموذجي أو تحليتها لحل معادلات من الدرجة الثانية.	<p><b>I/ العرض:</b></p> <p><b>الشكل النموذجي للعبارة</b> <math>: ax^2 + bx + c</math> حيث <math>a \neq 0</math>. لبن <math>a, b, c</math> أعداد حقيقة ثابتة حيث <math>a \neq 0</math>، و <math>x</math> متغير حقيقي. العدد <math>\Delta = b^2 - 4ac</math> يسمى مميز العبارات <math>ax^2 + bx + c</math>.</p> <p><b>أمثلة:</b> أكتب كل عبارة مما يلى على شكلها النموذجي بعد حساب مميزها:          أ/ <math>x^2 - 3x + 5</math> ، ب/ <math>2x^2 + 7x + 6</math> ، ج/ <math>x^2 + 4x - 4</math> ، د/ <math>x^2 + 2x - 3 = 0</math> .  <b>تحليل العبارات</b> <math>ax^2 + bx + c</math> من الشكل النموذجي نستنتج:  <math display="block">ax^2 + bx + c = a \left[ \left( x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \right]</math>         إذا كان <math>\Delta = 0</math> نجد .....          وإذا كان <math>\Delta &lt; 0</math> يمكن كتابة ..... و منه العبارات ... حللت          وإذا كان <math>\Delta &gt; 0</math> لا يمكن تحليل ..... في <math>R</math> ....  <b>أمثلة:</b> حل في <math>R</math> العبارات التالية:          أ/ <math>x^2 + 7x + 6</math> ، ب/ <math>2x^2 - 3x + 5</math> ، ج/ <math>-x^2 + 4x - 4</math> .  <p><b>II/ تطبيقات:</b></p> <p>حل في <math>R</math> العبارات التالية:</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="text-align: center;"><math>x^2 + 7x + 9 \dots \dots \dots (2)</math></td> <td style="text-align: center;"><math>2x^2 - 3x + 5 \dots \dots \dots (1)</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>3x^2 - 6x + 2 \dots \dots \dots (4)</math></td> <td style="text-align: center;"><math>-x^2 + 4x - 4 \dots \dots \dots (3)</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>-2x^2 + 3x \dots \dots \dots (6)</math></td> <td style="text-align: center;"><math>x^2 + 2 \dots \dots \dots (5)</math></td> </tr> </table> </p>	$x^2 + 7x + 9 \dots \dots \dots (2)$	$2x^2 - 3x + 5 \dots \dots \dots (1)$	$3x^2 - 6x + 2 \dots \dots \dots (4)$	$-x^2 + 4x - 4 \dots \dots \dots (3)$	$-2x^2 + 3x \dots \dots \dots (6)$	$x^2 + 2 \dots \dots \dots (5)$	<p><b>نشاط 1:</b> (الشكل النموذجي):  <math>a \neq 0</math> أعداد حقيقة ثابتة و <math>x</math> متغير حقيقي.          أشر وبسط ماذا تستخلص؟</p> <p><b>نشاط 2:</b> (تحليل العبارات): <math>(ax^2 + bx + c)</math>          /1 أكتب العبارات <math>ax^2 + bx + c</math> على شكلها النموذجي.          /2 بوضع <math>\Delta = b^2 - 4ac</math> لاحظ هل يمكن تحليل عبارة الشكل النموذجي إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى؟.</p>
$x^2 + 7x + 9 \dots \dots \dots (2)$	$2x^2 - 3x + 5 \dots \dots \dots (1)$							
$3x^2 - 6x + 2 \dots \dots \dots (4)$	$-x^2 + 4x - 4 \dots \dots \dots (3)$							
$-2x^2 + 3x \dots \dots \dots (6)$	$x^2 + 2 \dots \dots \dots (5)$							

المؤسسة: سيدى لعجالة

المنة الدراسية 20 / 20

التاريخ:

توقيت العددة: ساعتان.

## الأسماء

المستوى: 1 ج مع

مikan التعلم: حساب

الوحدة: المعادلات والمترابحات من الدرجة الثانية.

موضع العدة: الشكل النسوي وتحليل العبارات  $c + bx + ax^2$  حيث  $a \neq 0$ .

المكتسبات القبلية: التشر والتحليل والمعادلات.

**الهدفيات الفاصلية:** استعمال المميز حل المعادلة:  $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$  \* توظيف المعادلات والمترابحات من الدرجة الأولى و

المعادلات من الدرجة الثانية لحل مشكلات \* استعمال إشارة ثانية لتعيين اشارة دالة أو لحل مترابحة. **مؤشرات:**

الغاية:

الأنشطة	الإنجاز (سير الحصة)	الأنشطة المقرونة وطبيعتها
<p>توجيهات و تعليق وأنشطة</p> <p>لا تثار آية دراسة نظرية حول ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية بل تكتفى بالتركيز على تفاصيل توظيف المتطابقات الشهرة لكتابة الشكل النسوي أو تحويلها لحل معادلات من الدرجة الثانية.</p> <p>المقصود بتبييض المشكلات التعبير عنها بمعادلات أو مترابحات بحيث تعالج أسطحة لها صلة بالدوائر والمعادلات و</p> <p>المترابحات تساعد على إبراز أهمية العبارات الجبرية و</p> <p>تحث على البحث عن الكذابات الملائمة لها تستعمل فيها المتطابقات الشهرة ويمكن التطرق إلى مشكلات توظيف فيها مترابحات من الدرجة الثانية يؤول حلها إلى مترابحات من الدرجة الأولى.</p> <p>تستعمل حل معادلة لتعيين سابقة عدد بدالة.</p>	<p><b>I/ العرض:</b> ليكن <math>a, b, c</math> أعداد حقيقة ثابتة حيث <math>a \neq 0</math>, و <math>x</math> متغير حقيقي</p> <p><b>نتائج:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- إذا كان <math>\Delta = 0</math> نجد ...</li> <li>- وإذا كان <math>\Delta &lt; 0</math> المعادلة ... لها حلان ...</li> <li>- وإذا كان <math>\Delta &gt; 0</math> المعادلة ... ليس لها حلول في <math>R</math> ...</li> </ul> <p><b>أمثلة:</b> حل في <math>R</math> المعادلات التالية:</p> $x^2 + 7x + 6 = 0 \dots / \text{أ} /$ $2x^2 - 3x + 5 = 0 \dots / \text{ب} /$ $-x^2 + 4x - 4 = 0 \dots / \text{ج} /$ <p><b>II/ تطبيقات:</b></p> <p>حل في <math>R</math> المعادلات التالية:</p> $x^2 + 7x + 9 = 0 \dots (2)$ $2x^2 - 3x + 5 = 0 \dots (1)$ $3x^2 - 6x + 2 = 0 \dots (4)$ $-x^2 + 4x - 4 = 0 \dots (3)$ $-2x^2 + 3x = 0 \dots (6)$ $x^2 + 2 = 0 \dots (5)$ <p><b>III/ وسیط حقيقی، حل ونافذ حسب قيم الوسيط الحقيقی المعادلة التالية:</b></p> $\alpha \cdot x^2 + \alpha \cdot x + 1 = 0 \dots (I)$ <p>في الشكل المقابل وحدة الطول هي <math>ABCD</math> cm مربع طول ضلعه 4.</p> <p><b>1/ حدد مجال تغير <math>x</math>.</b></p> <p><b>2/ بين أن <math>A'B'C'D'</math> مربع واحسب مساحته <math>m(x)</math> بدالة <math>x</math>.</b></p> <p><b>3/ هل يمكن أن تتعذر <math>m</math>؟</b></p> <p><b>4/ ما هي مواضع النقط <math>A', B', C', D'</math> عندما تأخذ <math>(x) m</math> أصغر قيمة ممكنة لها؟</b></p> <p><b>ثُم تدرج "حل مترابحات من الدرجة الثانية"</b></p>	<p>B B' A</p> <p>C C' A'</p> <p>D D' *</p>

