

إمتحان تجريبي لشهادة البكالوريا دورة جوان 2014

الشعب : العلوم التجريبية و الرياضية

المدة : 4 ساعات

الموضوع : 01

المادة : علوم فيزيائية

التمرين الأول :

نمزج في اللحظة $t = 0$ كمية قدرها 0.03 mol من محلول برمنغنات البوتاسيوم ($\text{K}^+ + \text{MnO}_4^-$) مع كمية قدرها 0.05 mol من محلول حمض الأوكزاليك $\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$ في وسط حمضي $V = 1 \text{ L}$ ، نحصل على وسط تفاعلي حجمه $V = 1 \text{ L}$.
تكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل بالشكل :



لمتابعة هذا التفاعل نأخذ خلال أزمنة مختلفة t حجما $V_p = 10 \text{ mL}$ للمزيج ثم نعاير كمية شوارد البرمنغنات المتبقية بواسطة محلول لكبريتات الحديد الثنائي ذي التركيز $C = 0.25 \text{ mol/L}$.

1- مثل جدول التقدم التفاعل (1) . هل المزيج الابتدائي ستوكيومتري ؟

2- بين أنه في أي لحظة t : $[\text{CO}_2] = 0.15 - 5[\text{MnO}_4^-]$.

3- أكتب معادلة المعايرة ثم :

أ- عرف التكافؤ ، استنتج عبارة حجم محلول كبريتات الحديد الثنائي المضاف عند التكافؤ V_E بدلالة C ، V_p و $[\text{MnO}_4^-]$.

ب- أكمل جدول القياسات التالي ثم ارسم المنحنى $[\text{MnO}_4^-] = f(t)$.

t(s)	0	30	60	90	120	150	210
V_E (mL)	6	4.8	3.8	3	2.4	2	1.2
$[\text{MnO}_4^-] 10^{-2} \text{ mol/L}$							

ج- أحسب السرعة الحجمية لتشكل CO_2 في اللحظة $t = 90 \text{ s}$.

د- عرف ثم حدد زمن نصف التفاعل .

يعطى : $(\text{Fe}^{3+}/\text{Fe}^{2+})$ ، $(\text{MnO}_4^-/\text{Mn}^{2+})$.

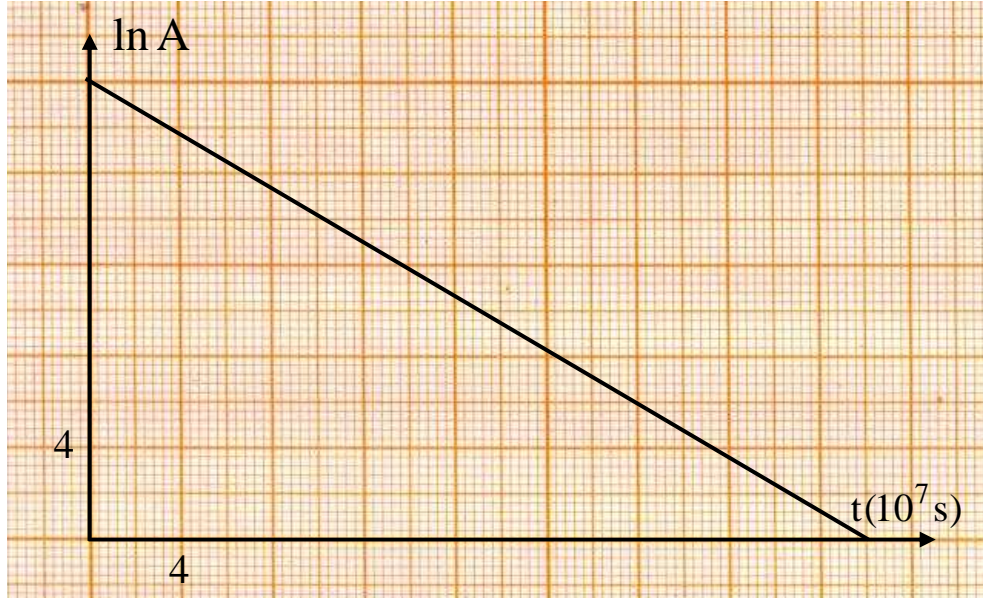
التمرين الثاني :

يعطى : $m({}_2^4\text{He}) = 4.00150\text{u}$ ، $m({}_{84}^{210}\text{Po}) = 209.98286\text{u}$ ، $m({}_{84}^{206}\text{Pb}) = 205.97445\text{u}$.

$1\text{MeV} = 10^6 \text{ eV}$ ، $1 \text{ eV} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ joule}$ ، $C = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ ، $1 \text{ u} = 1.66 \cdot 10^{-27} \text{ Kg}$

عدد أفوفادرو $(N_A = 6.02 \cdot 10^{23})$.

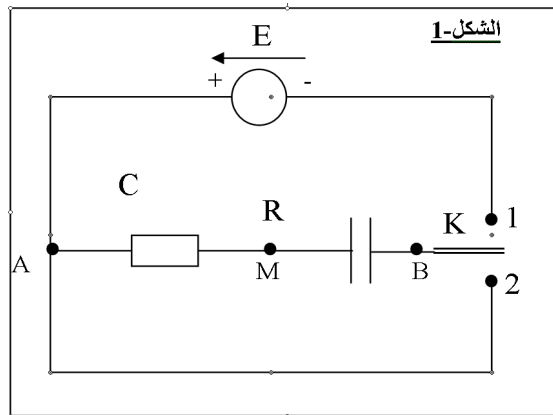
- 1- يصدر البولونيوم 210 ($^{210}_{84}\text{Po}$) جسيمات α ، يعطي نواة إبن من الرصاص 206 ($^{206}_{82}\text{Pb}$) ، يرافق التفاعل إصدار إشعاع كهرومغناطيسي γ .
- أ- أكتب المعادلة النووية المعبرة عن التحول التلقائي الحادث للبولونيوم .
- ب- أحسب بالميغا إلكترون فولت (MeV) الطاقة المحررة من هذا التفاعل .
- ج- سرعة النواة الابن منعدمة تقريبا ، إذا كانت طاقة الإشعاع γ المنبعث هي 2.20 MeV . أوجد :
- الطاقة الحركية للجسيم α .
 - سرعة انبعاث الجسيم α من نواة البولونيوم 210 في التفاعل النووي السابق .
- 2- الدراسة التجريبية لتغيرات $\ln A$ أعطت البيان $\ln A = f(t)$ التالي :



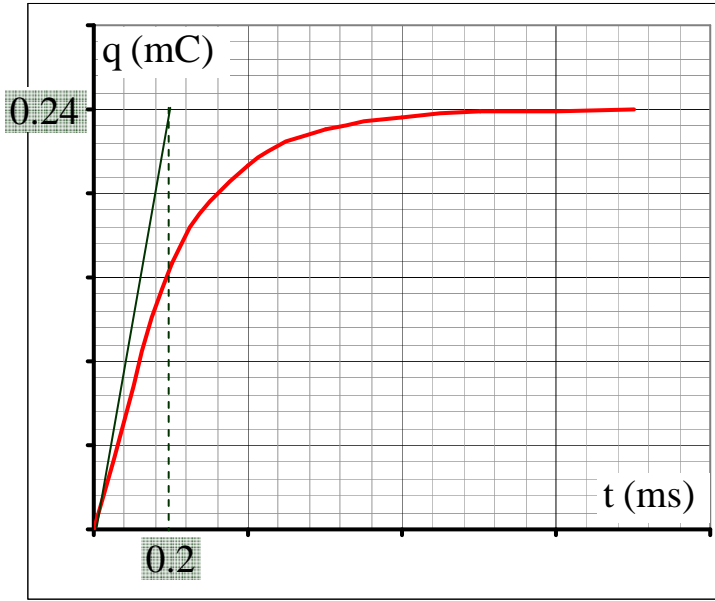
- أ- استنتج من البيان :
- قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ للبولونيوم .
 - قيمة النشاط الابتدائي .

التمرين الثالث :

لدراسة تطور التوتر الكهربائي بين طرفي مكثفة نحقق الدارة الكهربائية المبينة في الشكل التالي و المتكونة على التسلسل من : مولد للتوتر الثابت قوته المحركة الكهربائية $E = 12\text{ V}$ ، مكثفة سعتها C ، ناقل أومي مقاومته R .



- 1- نضع البادلة في الوضع (1) عند اللحظة $t = 0$ فتبدأ عملية الشحن .
أ- أوجد المعادلة التفاضلية بدلالة شحنة المكثفة $q(t)$.

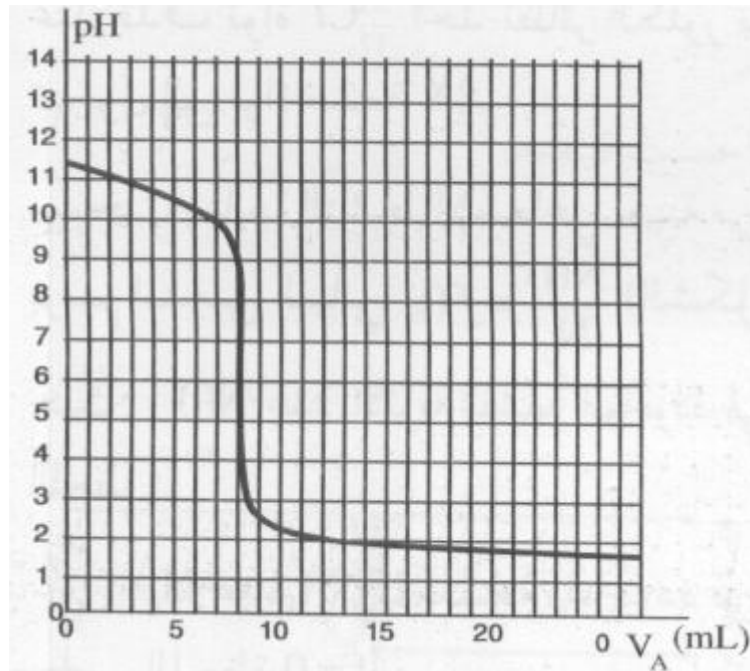


- ب- حل هذه المعادلة التفاضلية هو $q = A + B e^{-\alpha t}$ حيث A و B و α ثوابت يطلب إيجاد عبارتهم .
ج- المنحنى البياني التالي يمثل تغيرات شحنة المكثفة q بدلالة الزمن .
اعتمادا على هذا البيان أوجد سعة المكثفة C .

- 2- نضع البادلة في الوضع (2) :
أ- أكتب المعادلة التفاضلية بدلالة شحنة المكثفة $q = f(t)$.
ب- أثبت أن حل هذه المعادلة التفاضلية هو من الشكل :
 $q = Q_0 e^{-t/\tau}$ حيث Q_0 هي شحنة المكثفة الأعظمية .
ج- عبر عن طاقة المكثفة E_C بدلالة الزمن t ، ثابت الزمن τ ، سعة المكثفة C ، شحنة المكثفة الأعظمية Q_0 ، ثم أحسب قيمتها عند بداية التفريغ .

التمرين الرابع :

نحقق المعايرة الـ pH مترية لحجم $V_B = 50$ mL من محلول مثيل أمين CH_3NH_2 تركيزه المولي C_B بواسطة محلول A لحمض كلور الهيدروجين ($\text{H}_3\text{O}^+ + \text{Cl}^-$) تركيزه المولي $C_A = 0.1$ mol/L . الشكل المقابل يمثل المنحنى الموافق للمعايرة و الذي يمثل تطور pH المحلول بدلالة حجم الحمض المضاف V_A .

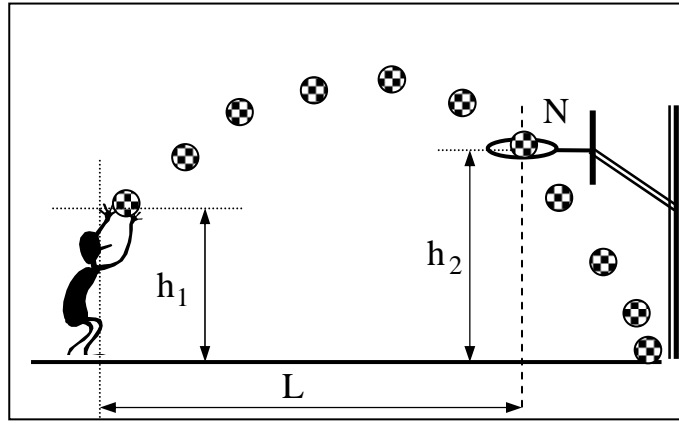


- 1- أ- أعط تعريف برنشتد للأساس .
ب- كيف تبين أن محلول مثيل أمين عبارة عن أساس .
2- اكتب معادلة تفاعل المعايرة . أذكر خصائصه .
3- عين احدائيتي نقطة التكافؤ و استنتج التركيز C_B .

- 4- بين أن انحلال ميثيل أمين في الماء محدودا .
 5- اعتمادا على البيان ، أوجد قيمة pK_a الثنائية .
 6- أ- احسب النسبة $\frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]}$ عند إضافة حجم $V_A = 8 \text{ mL}$.
 ب- عبر عن النسبة السابقة بدلالة : V_B ، C_B و x_E (قيمة التقدم عند التكافؤ) ، ثم استنتج قيمة x_E .
 7- احسب نسبة التقدم النهائي τ لتفاعل المعايرة عند التكافؤ . ماذا تلاحظ و ماذا تستنتج ؟
 8- احسب ثابت التوازن K لتفاعل المعايرة . هل توافق هذه النتيجة استنتاجك في السؤال-7 .

التمرين الخامس :

في النقطة (o) من أرضية ملعب كرة السلة يوجد لاعب (A) يريد أن يقذف كرة بسرعة ابتدائية v_0 يصنع شعاعها مع الأفق الزاوية $\alpha = 45^\circ$ باتجاه السلة التي نعتبرها حلقة دائرية مركزها (N) ، و موجودة على ارتفاع $h_2 = 3 \text{ m}$ من سطح الأرض ، عندما تغادر الكرة يد اللاعب في نقطة (M) من الملعب يكون مركز عطالتها (الكرة) على ارتفاع $h_1 = 2 \text{ m}$ من سطح الأرض (الشكل) . نعتبر أن الهدف يسجل عندما يمر مركز الكرة بمركز السلة .



- 1- باعتبار مبدأ الأزمنة لحظة قذف اللاعب للكرة ، و مبدأ الإحداثيات عند النقطة (o) موضع اللاعب (A) على أرضية الملعب ، بحيث يكون المحور (ox) منطبق على الأرض و متجه نحو الشاقول المار من مركز السلة ، و المحور (oy) يكون عمودي على أرضية الملعب و متجه نحو الأعلى . نعتبر $g = 10 \text{ m/s}^2$.
 أ- أدرس طبيعة حركة الكرة في الملعب .
 ب- أكتب المعادلات الزمنية للحركة و كذا معادلة المسار مبينا طبيعته .
 2- إذا كان اللاعب (A) متوقف لحظة قذفه للكرة ، و هو يبعد عن الشاقول المار من مركز السلة بمقدار $L = 11 \text{ m}$.
 أ- بأي سرعة ابتدائية v_0 يجب أن يقذف اللاعب الكرة حتى يسجل الهدف .
 ب- ما هي المدة الزمنية التي تستغرقها الكرة منذ لحظة قذفها من طرف اللاعب إلى غاية دخولها السلة .
 د- أحسب سرعة الكرة لحظة مرورها بمركز السلة و كذا الزاوية β التي يصنعها مع الأفق .
 3- بإهمال نصف قطر الكرة أمام أبعاد أرضية الملعب ، أوجد موقع سقوط الكرة على الأرض ، بالنسبة إلى اللاعب (A) .
 4- نفرض أن اللاعب (B) من الفريق المنافس يقف بين اللاعب (A) و السلة وذلك على بعد $L' = 1 \text{ m}$ من اللاعب (A) ويحاول اعتراض مسار الكرة بالقفز شاقوليا رافعا يديه إلى الأعلى حيث تبلغ أطراف أصابعه الإرتفاع $h_3 = 3.2 \text{ m}$ ، فإذا قذف اللاعب (A) الكرة بنفس السرعة السابقة v_0 . فهل يتمكن من تسجيل الهدف هذه المرة . اشرح .

التمرين السادس :

قدم أستاذ في حصة الأعمال المخبرية لفوج من التلاميذ علبتين مغلقتين و متماثلتين x و y تحتوي إحداهما على مكثفة و الثانية على وشيعة مقاومتها مهملة و هذا من أجل معرفة طبيعة ثنائي القطب الذي تحتويه كل علبة .

1- قام أعضاء الفوج بتركيب الدارة الكهربائية (الشكل-1) ، عند غلق القاطعة لاحظوا :

▪ اشتعال المصباح L_1 .

▪ اشتعال المصباح L_2 لوقت قصير ثم انطفأ .

أ- اعتمادا على الملاحظات السابقة ، ما هو ثنائي القطب الذي تحتويه كل علبة مع التعليل .

ب- قام أحد التلاميذ باستبدال كل مصباح بميلي أمبير بمؤشر . صف بدقة كيف ينحرف كل مؤشر بعد غلق القاطعة مباشرة .

2- قام تلميذ ثالث بتركيب فولطتر بمؤشر على التفرع مع كل علبة . صف بدقة كيف ينحرف كل مؤشر بعد غلق القاطعة .

3- قام تلميذ رابع بتركيب ناقل أومي مقاومته R على التسلسل مع المكثفة السابقة بعد نزع مقياسي الفولط ، باستعمال تجهيز مناسب تحصل على المنحنى المقابل الممثل لتغيرات q شحنة هذه المكثفة بدلالة التوتر u_C بين طرفي المكثفة .

- المعادلة التفاضلية المميزة لهذه الدارة تكون كما يلي :

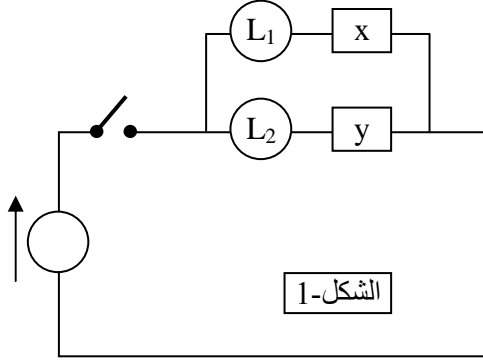
$$0.6 \frac{du_C}{dt} + u_C = 10$$

- اعتمادا على هذه المعادلة التفاضلية و البيان المرفق أوجد :

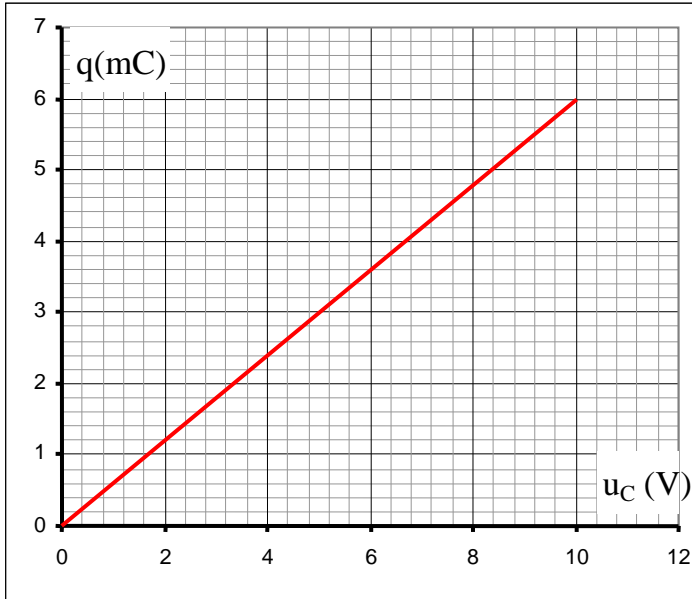
أ- القوة المحركة الكهربائية E للمولد و ثابت الزمن τ مقدرًا بالثانية .

ب- سعة المكثفة C .

ج- مقاومة الناقل الأومي R .



الشكل-1



حل التمرين الأول

1 جدول التقدم:

الحالة	التقدم	$5H_2C_2O_4 + 2MnO_4^- + 6H^+ = 2Mn^{2+} + 10CO_2 + 8H_2O$					
ابتدائية	$x=0$	0,05	0,03	زيادة	0	0	زيادة
انتقالية	x	$0,05 - 5x$	$0,03 - 2x$	زيادة	$2x$	$10x$	زيادة
نهائية	x_f	$0,05 - 5x_f$	$0,03 - 2x_f$	زيادة	$2x_f$	$10x_f$	زيادة

1/ المزيج الابتدائي في الشروط الستوكيومترية أم لا:

نقارن بين $\frac{n_0(MnO_4^-)}{2}$ مع $\frac{n_0(H_2C_2O_4)}{5}$:

$$\bullet \frac{n_0(MnO_4^-)}{2} = \frac{0,03}{2} = 0,015$$

$$\bullet \frac{n_0(H_2C_2O_4)}{5} = \frac{0,05}{5} = 0,01$$

$$\frac{n_0(H_2C_2O_4)}{5} \neq \frac{n_0(MnO_4^-)}{2} \quad \text{نلاحظ}$$

اذن المزيج الابتدائي ليس في الشروط الستوكيومترية

$$[CO_2] = 0,15 - 5x[MnO_4^-] \quad \text{2- اثبات :}$$

من جدول التقدم :

$$n(CO_2) = 10x \quad \text{①}$$

$$n(MnO_4^-) = 0,03 - 2x \quad \text{②}$$

من ② :

$$2x = 0,03 - n(MnO_4^-)$$

$$x = 0,015 - 0,5n(MnO_4^-)$$

بالتعويض في ① :

$$n(CO_2) = 10(0,015 - 0,5n(MnO_4^-))$$

ومنه :

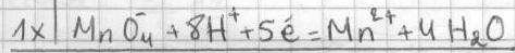
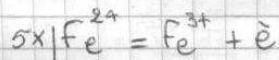
$$n(CO_2) = 0,15 - 5n(MnO_4^-)$$

بقسمة الطرفين على الحجم $V = 1L$ للوسط التفاعلي

$$\frac{n(CO_2)}{V} = \frac{0,15}{V} - \frac{5n(MnO_4^-)}{V}$$

$$[CO_2] = 0,15 - 5[MnO_4^-]$$

3- معادلة تفاعل المعايرة :



1- تعريف التكافؤ :

عند التفاعل تتفاعل كل كمية Fe^{2+} المتضاهة

أي أن تفاعل المعايرة عند التكافؤ يكون في الشروط الستوكيومترية

- عبارة V_e بدلالة $C, V_p, [MnO_4^-]$:

$$\frac{n_o(Fe^{2+})}{5} = \frac{n_o(MnO_4^-)}{1}$$

$$\frac{C \cdot V_e}{5} = [MnO_4^-] \cdot V_p$$

$$V_E = \frac{5 [MnO_4^-] V_p}{C}$$

ب - اكمال جدول القياسات :

من العلاقة السابقة :

$$[MnO_4^-] = \frac{C \cdot V_E}{5 \cdot V_p}$$

$$[MnO_4^-] = \frac{0.25 \cdot V_E}{5 \cdot 0.01} \rightarrow [MnO_4^-] = 5 V_E$$

$$[MnO_4^-] = 5 \cdot 10^3 V_E (\text{ml})$$

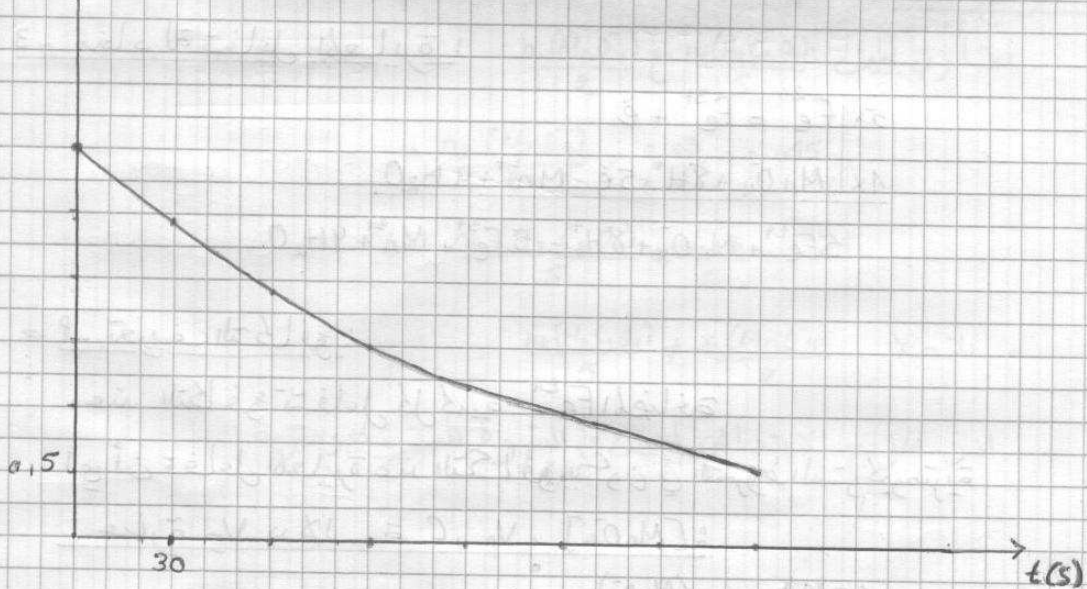
$$[MnO_4^-] = (5 \cdot 10^3 V_E (\text{ml})) \cdot 10^{-2} \text{ mol/l}$$

$$[MnO_4^-] = (0.5 V_E (\text{ml})) \cdot 10^2 \text{ mol/l}$$

ومنه نكمل الجدول :

t (s)	0	30	60	90	120	150	210
V _E (ml)	6	4.8	3.8	3	2.4	2	1.2
[MnO ₄ ⁻] 10 ⁻² mol/l	3	2.4	1.9	1.5	1.2	1	0.6

[MnO₄⁻] · 10² mol/l



1- السرعة الحجمية لتشكل CO_2

من البيان وباعتبار $\tan \alpha$ هو ميل المماس عند اللحظة t :

$$\bullet \tan \alpha = \frac{d[MnO_4^-]}{dt} \dots \textcircled{1}$$

• وحسب تعريف السرعة الحجمية لتشكل CO_2 :

$$\bullet v'(CO_2) = \frac{1}{V} \frac{dn(CO_2)}{dt} \dots \textcircled{2}$$

اعتماداً على جدول تقدم التفاعل الأول:

$$\bullet n(MnO_4^-) = 0.03 - 2x$$

$$\rightarrow [MnO_4^-] = \frac{0.03 - 2x}{V}$$

$$\bullet n(CO_2) = 10x$$

$$\bullet \tan \alpha = \frac{d\left(\frac{0.03 - 2x}{V}\right)}{dt} \quad \text{بالتعويض في } \textcircled{1} \text{ و } \textcircled{2} :$$

$$= \frac{1}{V} \left(0 - 2 \frac{dx}{dt}\right)$$

$$= -\frac{2}{V} \frac{dx}{dt}$$

$$\bullet v'(CO_2) = \frac{1}{V} \frac{d(10x)}{dt} = \frac{10}{V} \frac{dx}{dt}$$

$$\frac{v'(CO_2)}{\tan \alpha} = \frac{\frac{10}{V} \frac{dx}{dt}}{-\frac{2}{V} \frac{dx}{dt}} = -5 \quad \text{بقسمة } v'(CO_2) \text{ على } \tan \alpha \text{ نجد}$$

$$v'(CO_2) = \tan \alpha \cdot (-5) \quad \text{ومنه}$$

$$\tan \alpha = \frac{v'(CO_2)}{-5} \quad \text{من البيان}$$

$$v'(CO_2) = -5x \quad \text{اذن}$$

2- تعريف وحساب زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$

زمن نصف التفاعل هو الزمن اللازم لبلوغ نصف التقدم النهائي أي:

$$t = t_{1/2} \rightarrow x_{1/2} = \frac{21}{2}$$

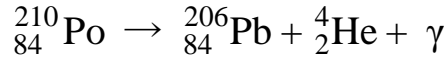
• من جدول تقدم التفاعل المدروس:

• عند اختفاء $H_2C_2O_4$ كلياً:

$0.03 - 2x = 0 \rightarrow x = 0.015$
 إذن :
 $x_{Max} = x_f = 0.01 \text{ mol}$
 ومنها :
 $x_{1/2} = \frac{0.01}{2} = 5 \cdot 10^{-3}$
 نحسب $[MnO_4^-]$
 - اعتماداً على جدول تقدم التفاعل المدرس يمكن كتابة :
 $[MnO_4^-] = \frac{0.03 - 2x_{1/2}}{V} = \frac{0.03 - (2 \cdot 5 \cdot 10^{-3})}{1} = 0.02 = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol/l}$
 بالإسقاط في البيان نجد :
 $t_{1/2} \approx 50 \text{ s}$

حل التمرين الثاني

1- أ- معادلة التفاعل :



ب- الطاقة المحررة من التفاعل :

$$E_{lib} = (m(\text{Po}) - m(\text{Pb}) - m(\text{He})) c^2$$

$$E_{lib} = (209.98286 - 205.97445 - 4.00150) \cdot 1.66 \cdot 10^{-27} (3 \cdot 10^8)$$

$$E_{lib} = 1.03 \cdot 10^{-12} \text{ J} = 6.45 \text{ MeV}$$

2- أ- الطاقة الحركية للجسيم α :

من مبدأ انحفاظ الطاقة :

$$E_{نهائية} = E_{مقدمة} - E_{مكتسبة} + E_{ابتدائية}$$

$$m(\text{Po}) C^2 - 0 - E_\gamma = m(\text{Pb}) C^2 + m(\text{He}) C^2 + E_C$$

$$m(\text{Po}) C^2 - m(\text{Pb}) C^2 - m(\text{He}) C^2 = E_C + E_\gamma$$

$$E_{lib}$$

$$E_{lib} = E_C + E_\gamma \rightarrow E_C = E_{lib} - E_\gamma$$

$$E_C = 6.45 - 2.20 = 4.25 \text{ MeV}$$

ب- سرعة الجسيم α :

$$E_C = \frac{1}{2} m v^2 \rightarrow v = \sqrt{\frac{2 E_C}{m}}$$

$$v = \sqrt{\frac{2 \cdot 4.25 \cdot 1.6 \cdot 10^{-13} \text{ (J)}}{4.00150 \cdot 1.66 \cdot 10^{-27} \text{ (kg)}}} = 1.43 \cdot 10^7 \text{ m/s}$$

2- قيمتي λ ، A_0 :

- من البيان :

$$A = a t + b \dots\dots\dots (1)$$

و نظريا لدينا :

$$A = A_0 e^{-\lambda t}$$

$$\ln A = \ln(A_0 e^{-\lambda t})$$

$$\ln A = \ln(A_0) + \ln(e^{-\lambda t})$$

$$\ln A = \ln(A_0) - \lambda t$$

$$\ln A = -\lambda t + \ln(A_0) \dots\dots\dots (2)$$

بمطابقة العلاقتين (1) ، (2) نجد :

$$\square -\lambda = a \rightarrow \lambda = -a$$

$$\square \ln(A_0) = b \rightarrow e^{\ln A_0} = e^b \rightarrow A_0 = e^b$$

من البيان :

$$\square a = -\frac{20}{8.5 \cdot 4 \cdot 10^7} = -5.88 \cdot 10^{-8} \rightarrow \lambda = -(-5.88 \cdot 10^{-8}) = 5.88 \cdot 10^{-8} \text{ s}^{-1}$$

$$\square b = 20 \rightarrow A_0 = e^{20} = 4.85 \cdot 10^8 \text{ Bq}$$

حل التمرين الثالث

1- المعادلة التفاضلية بدلالة $q(t)$:

- حسب قانون جمع التوتدرات

$$U_{AB} = U_{AM} + U_{MB}$$

$$E = R i + \frac{q}{C}$$

$$E = R \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C} q$$

$$\frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot q = \frac{E}{R}$$

وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى

د- التوابت A, B, α :

$$q = A + B e^{-\alpha t}$$

$$\frac{dq}{dt} = -B \alpha e^{-\alpha t}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية ،

$$-B \alpha e^{-\alpha t} + \frac{1}{RC} (A + B e^{-\alpha t}) = \frac{E}{R}$$

الحل المقترح هو حل للمعادلة التفاضلية ولكن نتحقق المساواة يجب أن يكون :

$$B \alpha = \frac{B}{RC} \Rightarrow \alpha = \frac{1}{RC}$$

$$\frac{A}{RC} = \frac{E}{R} \rightarrow A = EC$$

• عند اللحظة $t=0$ المكثف غير مشحون أي $q(0)$:

$$t=0 \rightarrow q=0$$

$$0 = A + B e^{-\alpha(0)} \quad \text{بالتعويض في حل } q(t) :$$

$$\Rightarrow A + B = 0 \Rightarrow B = -A = -EC$$

ج- سعة المكثف C :

من البيان وعند النظام الدائم :

$$q = Q_0 = 0.24 \text{ mC}$$

- ونعلم أيضا أن عند النظام الدائم تكون شحنة المكثف أعظمية أي :

$$q = Q_0 = EC$$

اذن :

$$C = \frac{Q_0}{E}$$

$$C = \frac{0.24 \cdot 10^{-3}}{12} = 2 \times 10^{-5} \text{ F}$$

2- / المعادلة التفاضلية بدلالة $q(t)$:

حسب قانون جمع التوترات

$$V_{AB} = V_{AM} + V_{MB}$$

$$0 = Ri + \frac{q}{C}$$

$$R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$$

$$\frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC} q = 0$$

وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى

$$q = Q_0 e^{-t/RC} = EC e^{-t/RC}$$

$$\frac{dq}{dt} = EC \left(-\frac{1}{RC} e^{-t/RC} \right)$$

$$= -\frac{E}{R} e^{-t/RC}$$

ب- اثبات حل المعادلة 1

بالعويض في المعادلة التفاضلية،

$$-\frac{E}{R} e^{-t/RC} + \frac{1}{RC} (EC e^{-t/RC}) = 0$$

$$-\frac{E}{R} e^{-t/RC} + \frac{E}{R} e^{-t/RC} = 0$$

$$0 = 0$$

إذن الحل المقترح هو حل المعادلة التفاضلية.

ب- عبارة E_C بدلالة t, Q_0, C :

لدينا،

$$E_{C(t)} = \frac{1}{2} C V_C^2$$

ولدينا من جهة أخرى :

$$V_C = \frac{q}{C} \rightarrow V_C^2 = \frac{q^2}{C^2}$$

ومنه

$$E_{C(t)} = \frac{1}{2} C \cdot \frac{q^2}{C^2}$$

$$E_{C(t)} = \frac{1}{2C} \cdot q^2(t)$$

$$q = Q_0 e^{-t/RC}$$

عند التفريغ لدينا :

$$E_{C(t)} = \frac{1}{2C} Q_0^2 e^{-2t/RC}$$

بالعويض في العبارة الأخيرة :

$$E_{C(t)} = \frac{Q_0^2}{2C} e^{-2t/RC}$$

* قيمة $E_{C(t)}$ عند بداية التفريغ ($t=0$) :

$$t=0 \rightarrow E_{C(t)} = E_{C(0)} = \frac{Q_0^2}{2C}$$

$$E_{C(0)} = \frac{(0.24 \cdot 10^{-3})^2}{2 \times 2 \cdot 10^{-5}} = 1.44 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

حل التمرين الرابع

1- تعريف برونشترد للأساس :

الأساس هو كل فرد كيميائي جزئياً كان أم متاردياً قادر على اكتساب بروتون هيدروجين H^+ أو أكثر.

2/ تبين أن محلول مثيل أمين عبارة عن أساس :

* من البيان وقبل المعايرة كان :

$$pH = 11,4 > 7$$

اذن محلول مثيل أمين عبارة عن أساس ضعيف

(يمكن أيضاً تبين)

3- معادلة المعايرة :



وخصائصها :

- تام

- سريع

3- احداثيتي نقطة التكافؤ :

$$(V_A = 8 \text{ ml}, pH = 6,4)$$

التركيز C_B :

عند التكافؤ :

$$C_B \cdot V_B = C_A \cdot V_{AE}$$

$$C_B = \frac{C_A \cdot V_{AE}}{V_B}$$

$$C_B = \frac{0,2 \cdot 8 \cdot 10^{-3}}{50 \cdot 10^{-3}} = 0,016 \text{ mol/l}$$

4- اثبات أن انحلال ميثيل أمين في الماء محدود:
نحسب نسبة التقدم النهائي:

$$\alpha_f = \frac{[HO^-]}{C_B}$$

$$\bullet \text{pH} = 11,4 \rightarrow [H_3O^+] = 10^{-11,4} \approx 4 \cdot 10^{-12} \text{ mol/l}$$

$$\bullet [HO^-] = \frac{K_e}{[H_3O^+]} = \frac{10^{-14}}{4 \cdot 10^{-12}} \approx 2,5 \times 10^{-3} \text{ mol/l}$$

$$\bullet C_B = 1,6 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$$

$$\alpha_f = \frac{2,5 \cdot 10^{-3}}{1,6 \cdot 10^{-2}} = 0,16$$

نلاحظ أن $\alpha_f \ll 1$

مما يدل على أن الميثيل أمين أساس ضعيف

5- قيمة pK_a الناتجة ($CH_3NH_3^+/CH_3NH_2$)

من البيان وعند نصف التكافؤ

$$\text{pH} = \text{p}K_a = 10,6$$

6- حساب النسبة $\frac{[CH_3-NH_2]}{[CH_3-NH_3^+]}$ عند إضافة $V_A = 8 \text{ ml}$

$$\text{pH} = \text{p}K_a + \log \frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]}$$

$$\log \frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = \text{pH} - \text{p}K_a \Rightarrow \frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = 10^{\text{pH} - \text{p}K_a}$$

من البيان عند إضافة $V_A = 8 \text{ ml}$ من محلول HCl يكون $\text{pH} = 6,4$

$$\frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3-NH_3^+]} = 10^{6,4 - 10,6} = 6,3 \cdot 10^{-5}$$

ومنه:

ب- التعبير عن $\frac{[CH_3-NH_2]}{[CH_3-NH_3^+]}$ بدلالة C_B, V_B و x_E

نمثل جدول التقدم المنعرج لتفاعل المعايرة:

		$CH_3NH_2 + H_3O^+ = CH_3NH_3^+ + H_2O$			
الآلة 4	التقدم				
ابتدائية	$x = 0$	$n_0 = C_B \cdot V_B$	$n_0 = C_A \cdot V_A$	0	بز
انتقالية	x	$C_B \cdot V_B - x$	$C_A \cdot V_A - x$	x	بز
نهائية	x_E	$C_B \cdot V_B - x_E$	$C_A \cdot V_A - x_E$	x_E	بز

من جدول التقدّم:

$$n(\text{CH}_3\text{NH}_2) = C_B \cdot V_B - x_E$$

$$n(\text{CH}_3\text{NH}_3^+) = x_E$$

ومنه:

$$\bullet [\text{CH}_3\text{NH}_2] = \frac{C_B \cdot V_B - x_E}{V_S} \quad \text{--- ①}$$

$$\bullet [\text{CH}_3\text{NH}_3^+] = \frac{x_E}{V_S} \quad \text{--- ②}$$

بقسمة ① على ② نجد:

$$\frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]} = \frac{\frac{C_B \cdot V_B - x_E}{V_S}}{\frac{x_E}{V_S}}$$

$$= \frac{C_B \cdot V_B - x_E}{x_E}$$

$$\frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]} = \frac{C_B \cdot V_B}{x_E} - 1$$

* قيمة x_E :

من العلاقة السابقة:

$$\frac{C_B \cdot V_B}{x_E} = 1 + \frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]}$$

$$x_E = \frac{C_B \cdot V_B}{1 + \frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]}} = \frac{0,016 \times 50 \times 10^3}{1 + 6,3 \cdot 10^{-5}} \approx 8 \cdot 10^4 \text{ mol.}$$

7- نسبة التقدّم النهائي لتفاعل المعايرة عند التكافؤ:

$$x_E = \frac{x_E}{x_{\text{Max}}}$$

لدينا سابقا:

$$x_E = 8 \cdot 10^{-4}$$

من جدول التقدّم وبفرض التفاعل تام يمكن كتابة

$$\begin{aligned} x_{\text{Max}} &= C_A \cdot V_A \\ &= 0,1 \times 8 \cdot 10^3 \\ &= 8 \cdot 10^4 \end{aligned}$$

من جدول التّقدم وبفرض التفاعل تام يمكن كتابة

$$\begin{aligned}x_{Max} &= C_A \cdot V_A \\ &= 0,1 \times 8 \cdot 10^{-3} \\ &= 8 \cdot 10^{-4}\end{aligned}$$

اذن : $\alpha_E = \frac{8 \cdot 10^{-4}}{8 \cdot 10^{-4}} = 1$

* نستنتج أن تفاعل المعايرة تام .

8- ثابت التوازن K لتفاعل المعايرة :

$$K = \frac{[CH_3NH_3^+]}{[CH_3-NH_2][H_3O^+]} = \frac{1}{K_a}$$

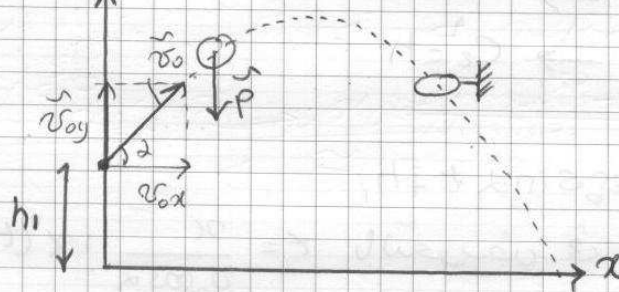
$$\bullet K_a = 10^{-10,6} = 2,5 \cdot 10^{-11}$$

$$\bullet K = \frac{1}{2,5 \cdot 10^{-11}} = 4 \cdot 10^{10}$$

* نلاحظ $K > 10^4$ نستنتج أن تفاعل المعايرة تام
وهذا يوافق الاستنتاج السابق .

حل التمرين الخامس

1- دراسة طبيعة الحركة 2



- الجملة المدروسة 2 كرة .

- مربع الدراسة 2 سطحي ارضيين تعتبره عاليين

- القوى الخارجية المؤثرة : الثقل \vec{P}
 - تطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

$$\vec{P} = m \vec{a}_G$$

بتحديد العلاقة الشعاعية وفق المحورين ox, oy :

$$\begin{cases} 0 = m a_x \\ -P = m a_y \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 0 = m \cdot a_x \\ -mg = m a_y \end{cases} \rightarrow \vec{a} \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} \text{ (ثابت)}$$

إذن :
 - مسقط حركة الكرة على المحور ox مستقيمة منتظمة
 - مسقط حركة الكرة على المحور oy مستقيمة متغيرة بانتظام

ب- المعادلات الزمنية :

تكامل طرفي عبارة \vec{a} بالنسبة للزمن :

$$\vec{v} \begin{cases} v_x = c_1 \\ v_y = -gt + c_2 \end{cases}$$

من الشروط الابتدائية :

$$t=0 \rightarrow \begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \rightarrow c_1 = v_0 \cos \alpha \\ v_y = v_0 \sin \alpha \rightarrow c_2 = v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

$$\vec{v} \begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

تكامل الطرفين بالنسبة للزمن :

$$\vec{r} \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t + c_1' \\ y = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \alpha t + c_2' \end{cases}$$

من الشروط الابتدائية :

$$t=0 \rightarrow \begin{cases} x=0 \rightarrow c_1' = 0 \\ y=h_1 \rightarrow c_2' = h_1 \end{cases}$$

$$\vec{r} \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t \\ y = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \alpha t + h_1 \end{cases}$$

يصبح لدينا :

من المعادلة $x(t)$: $t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$ بالتعويض في $y(t)$

$$y = -\frac{1}{2} g \left(\frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} \right) + v_0 \sin \alpha \left(\frac{x}{v_0 \cos \alpha} \right) + h_1$$

$$y = -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + \tan \alpha x + h_1$$

هي معادلة المسار من الشكل $y = ax^2 + bx + c$ وهي معادلة قطع مكافئ إذ أن مسار الكرة (y) عبارة عن قطع مكافئ .

2- P- قيمة v_0 حتى يسجل اللاعب الهدف :

- السلة تبعد شاقوليا عن سطح الأرض بمقدار $h_2 = 3m$ وتبعد أفقيا

على المحور (ox) بمقدار $x_1 = 11m$ ، فهذا يعني أن إحداثيي مركزها \vec{N}

يكون كما يلي $(x_1 = 11m, y_1 = 3m)$

بالتعويض في معادلة المسار :

$$y_1 = -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x_1^2 + \tan \alpha x_1 + h_1$$

$$\frac{g x_1^2}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} = \tan \alpha x_1 + h_1 - y_1$$

$$2v_0^2 \cos^2 \alpha = \frac{g x_1^2}{\tan \alpha x_1 + h_1 - y_1}$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{g x_1^2}{2 \cos^2 \alpha (\tan \alpha x_1 + h_1 - y_1)}}$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{10 \times (11)^2}{2 \cdot \cos^2 45 ((\tan 45 \times 11) + 2 - 3)}} = 11 \text{ m/s}$$

ب- المدّة الزمنية المستغرقة حتى يبلوغ مركز السلة :

$$t = t_N \rightarrow x = x_1 = x_N = 11m$$

لدينا : بالتعويض في المعادلة $x(t)$:

$$x_N = v_0 \cos \alpha t_N \rightarrow t_N = \frac{x_N}{v_0 \cos \alpha}$$

$$t_N = \frac{11}{11 \times \cos 45} = 1,41 \text{ s}$$

د- سرعة الكرة لحظة مرورها بمركز السلة N :

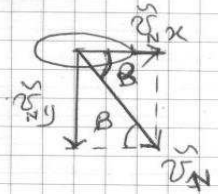
لدينا : $t_N = 1,41 \text{ s}$ بالتعويض في $\vec{v}(t)$:

$$\vec{v}_N \begin{cases} v_{xN} = v_0 \cos \alpha = 11 \cdot \cos 45^\circ = 7,78 \text{ m/s} \\ v_{yN} = -g t_N + v_0 \sin \alpha = -(10 \times 1,41) + 11 \cdot \sin 45^\circ = -6,32 \text{ m/s} \end{cases}$$

$$v_N = \sqrt{(7,78)^2 + (-6,32)^2} \approx 10 \text{ m/s}$$

الزاوية التي يصنعها \vec{v} مع الأفق :

$$\tan \theta = \frac{|v_{yN}|}{v_{xN}} = \frac{|-6,32|}{7,78} = 0,81 \rightarrow \theta = 39^\circ$$



4- إمكانية تسجيل الهدف أم لا :

اللاعب (B) يبعد عن اللاعب (A) الموجود في مبدأ المعلم بمقدار $x_2 = 1 \text{ m}$ هذا يعني أن فاصلة النقطة (B) التي تنتمي إلى المحور (ox) والواقعة للموضع الموجود على أرضية الملعب والتي تقفز منه اللاعب (B) هي $x_2 = 1 \text{ m}$ اللاعب (B) تبلغ أطراف أصابعه علو لا يتعدى $h_3 = 3,2 \text{ m}$

ومنه إذا مرت الكرة فوق هذا العلو لا يمكن لهذا اللاعب أن يتصدى لها وبالتالي يسجل الهدف ، بينما إذا مرت الكرة على علو يساوي أو أقل من الارتفاع $h_3 = 3 \text{ m}$ الذي تبلغه أصابع اللاعب (B) عند قفزه ، فإنه يمكنه أن يتصدى للكرة وبالتالي يمنع اللاعب (A) من تسجيل الهدف .
إذن لمعرفة إمكانية تسجيل الهدف أم لا ، نحسب علو الكرة عن الأرض في النقطة التي تنتمي إلى مسار الكرة ولها نفس فاصلة النقطة B التي تنتمي إلى المحور ox والواقعة للموضع الذي تقفز منه اللاعب (B)
- بتحويل $x_2 = 1 \text{ m}$ في معادلة المسار $y(x)$:

$$y_B = \frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x_2^2 + \tan \alpha x_2 + h_1$$

$$y_B = \frac{-10}{2 \times (11)^2 \cdot \cos^2 45^\circ} (1)^2 + \tan 45^\circ (1) + 2 = 2,94 \text{ m}$$

وهو علو الكرة عن الأرض في الموضع الذي تقفز منه اللاعب B - نلاحظ أن علو الكرة أقل من أقصى علو تبلغه أطراف أصابع اللاعب B $(2,94 < 3,2)$ ، نستنتج أن اللاعب (B) يمكنه التصدي للكرة وبالتالي الهدف لا يسجل .

حل التمرين السادس

1. / P ثنائي القطب الذي يحتويه كل علية .

استعمال المصباح \mathcal{L} لوقت قصير ثم انطفائه يدل على أن ثنائي القطب الموجود بالعلبة \mathcal{Y} هو عبارة عن مكثفة ، في حين ثنائي القطب الموجود بالعلبة \mathcal{X} هو عبارة عن وشيعة ، والسبب في انقطاع التيار بعد فترة وجيزة في الفرع الذي يحتوي على المكثفة هو العازل الموجود بين لبوسَي المكثفة

د - كيفية انحراف كل مؤشر بعد غلق القاطعة في مقياسي الأمبير :

* الميلي أمبير الموصول على التسلسل مع الوشيعة : مباشرة بعد غلق القاطعة ينحرف مؤشره لحظياً إلى أقصى قيمة ، ثم يبدأ بالعودة تدريجياً إلى الصفر .
* الميلي أمبير الموصول على تسلسل مع الوشيعة : مباشرة بعد غلق القاطعة ينحرف تدريجياً مؤشره إلى أقصى قيمة تدريجياً لينتج عنها .

2 - كيفية انحراف كل مؤشر بعد غلق القاطعة في مقياس الفولط متر :

* الفولط متر الموصول على تفرع مع المكثفة : مباشرة بعد غلق القاطعة ينحرف مؤشره تدريجياً نحو قيمة يثبت عندها .
* الفولط متر الموصول على تفرع مع الوشيعة : مباشرة بعد غلق القاطعة ينحرف مؤشره لحظياً إلى أقصى قيمة ثم بدأ بالعودة تدريجياً إلى الصفر .

3- قدمة E و C :

حسب قانون جمع التوتيرات :

$$E = U_R + U_C$$

$$E = Ri + U_C$$

$$E = R \frac{dq}{dt} + U_C$$

$$E = R \frac{d(U_C)}{dt} + U_C$$

$$E = RC \frac{dU_C}{dt} + U_C$$

$$\tau \frac{dU_C}{dt} + U_C = E$$

بالمطابقة مع المعادلة التفاضلية المعطاة :

$$E = 10V$$

$$\tau = 0.6S$$

د- قيسة C :

من البيان :

$$q = aU_C \quad \text{--- (1)}$$

حيث a هو الميل

ولدينا :

$$U_C = \frac{q}{C}$$

$$q = C \cdot U_C \quad \text{--- (2)}$$

بالمطابقة بين العلاقتين (1) و (2) :

$$C = a$$

$$a = \frac{6 \cdot 10^{-3} - 0}{10 - 0} = 6 \cdot 10^{-4} \quad \text{من البيان :}$$

$$C = 6 \cdot 10^{-4} F$$

اذن :

ح- المقاومة R :

$$\tau = RC \rightarrow R = \frac{\tau}{C}$$

$$R = \frac{0.6}{6 \cdot 10^{-4}} = 10^3 \Omega$$